



دفترچه پاسخ

آزمون ۲۷ مرداد ۱۴۰۲

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

پدیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	دانیال ابراهیمی - کاظم اجلالی - عباس اشرفی - سعید اکبرزاده - امیر هوشنگ انصاری - محمد سجاد پیشوایی - سهیل حسن خان پور عادل حسینی - نسترن زارع - سهیل ساسانی - علی ساوچی - یاسین سپهر - محمد حسن سلامی حسینی - رضا سیدنچفی - علیرضا شریفی حسین شفیعزاده - علی شهرابی - پویان طهرانیان - حمید علیزاده - مصطفی کرمی - بهزاد محرمی - جهانبخش نیکنام - وحید ون آبادی
هندسه	امیر حسین ابومحبوب - سامان اسپهرم - علی ایمانی - محمد بحیرایی - جواد حاتمی - سید محمد رضا حسینی فرد - افشین خاصه خان - فرزانه خاکپاش محمد خندان - محسن رجبی - سوگند روشنی - یاسین سپهر - رضا عباسی اصل - سهام مجیدی پور - نصیر محبی نژاد - داریوش ناظمی سرژ یقیا زاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	امیر حسین ابومحبوب - حمید رضا امیری - علی ایمانی - افشین خاصه خان - سوگند روشنی - علی ساوچی - سید محسن فاطمی - پژمان فرهادیان احمد رضا فلاح - مرتضی فهیم علوی - نیلوفر مهدوی - سروش موثینی
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد - عبدالرضا امینی نسب - زهره آقامحمدی - لاله بهادری - مجتبی خلیل ارجمندی - بیتا خورشید - محمد ساکی - معصومه شریعت ناصری مریم شیخ مو - پوریا علاقه مند - بهادر کامران - مصطفی کیانی - غلامرضا محبی - احسان محمدی - امیر احمد میرسعید - حسام نادری - حسین ناصحی صلاح الدین ابراهیمی - عین اله ابوالفتحی - محمد رضا پور جاوید - امیر حاتمیان - پیمان خواجوی مجد - فرزاد رضایی - جواد سوری لکی
شیمی	امیر حسین طبیبی - محمد عظیمیان زواره - علیرضا کیانی دوست - هادی مهدی زاده - حسین ناصری ثانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب سوگند روشنی	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	محمد رضا راسخ مهدی ملارمضانی	ویراستار استاد : مهرداد ملوندی	ویراستار استاد : مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	بهنام قازانچایی ویراستار استاد : محمد حسن محمدزاده مقدم
مسئول درس	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیر حسین مسلمی
مستند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیا زاریان تبریزی	سرژ یقیا زاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستند سازی	مدیر گروه : محیا اصغری مسئول دفترچه : الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح اله زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱.۶۴۶۳



حسابان ۱

گزینه «۳» - ۱

(علی شهبازی)

$$3^{20/3} = (2^5)^{0/3} = 2^{1/5} = 2^{1/5} = \sqrt[5]{2} = \sqrt{8}$$

 $\sqrt{8}$ بین دو عدد صحیح ۲ و ۳ است.

$$(0/04)^{-2/3} = \left(\frac{1}{25}\right)^{-2/3} = (5^{-2})^{-2/3} = (5^{-2})^{-2/3} = \sqrt[3]{5^4} = \sqrt[3]{625}$$

 $\sqrt[3]{625}$ بین دو عدد صحیح ۸ و ۹ قرار دارد، زیرا $8^3 < 625 < 9^3$.

پس اعداد صحیح بین $3^{20/3}$ و $(0/04)^{-2/3}$ همان اعداد صحیح بین ۲ و ۹ هستند، یعنی ۳، ۴، ۵، ۶، ۷ و ۸.

(مسایان ۱- صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

گزینه «۳» - ۲

(رضا سیرنیفی)

با توجه به شکل واضح است که نمودار تابع نمایی یک واحد پایین آمده است، یعنی $c = -1$. از طرفی تابع از نقطه $(0, 3)$ می‌گذرد، پس داریم:

$$3 = a(b)^{-1} - 1 \Rightarrow a = 4$$

با توجه به نمودار مشخص است تابع از $(-2, 0)$ نیز می‌گذرد:

$$\Rightarrow 0 = 4(b)^{-2} - 1 \Rightarrow \frac{1}{4} = 2^{-2} = b^{-2} \Rightarrow b = 2$$

در نهایت $\frac{ab}{c} = -8$ است.

(مسایان ۱- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

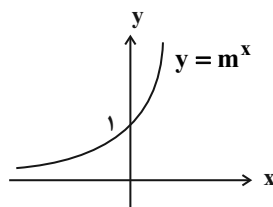
گزینه «۳» - ۳

(سعید آکبرزاده)

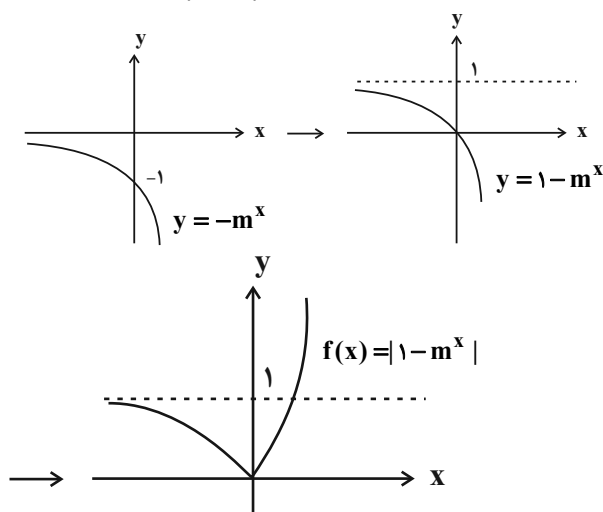
تابع نمایی داده شده نزولی است، پس پایه تابع نمایی عددی در بازه $(0, 1)$ است.

$$0 < 3 - 2m < 1 \Rightarrow -1 < 2m - 3 < 0 \Rightarrow 1 < m < \frac{3}{2}$$

نمودار تابع نمایی $y = m^x$ به صورت زیر است، چون پایه یعنی عدد m بزرگ‌تر از ۱ است.



حال نمودار تابع $f(x) = |1 - m^x|$ را رسم می‌کنیم.



(مسایان ۱- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۷)

گزینه «۱» - ۴

(مصطفی کرمی)

$$4^x - 5 \times 2^{x+1} + 21 = 0$$

$$(2^x)^2 - 10(2^x) + 21 = (2^x - 3)(2^x - 7) = 0 \Rightarrow 2^x = 3 \text{ یا } 2^x = 7$$

$$\Rightarrow x = \log_2 3 \text{ یا } \log_2 7$$

$$\Rightarrow \text{نسبت خواسته شده} = \frac{\log_2 3}{\log_2 7} = \log_7 3$$

(مسایان ۱- صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

گزینه «۱» - ۵

(علیرضا شریفی)

مقدار انرژی آزاد شده برحسب واحد ارگ از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\log E = 11/8 + 1/5 M$$

که M بزرگی زمین‌لرزه در مقیاس ریشتر است.

اگر دو زمین‌لرزه n و $n+1$ ریشتری را در نظر بگیریم. برای انرژی آزاد شده آن‌ها (برحسب واحد ارگ) داریم:

$$\begin{cases} \log E_{n+1} = 11/8 + 1/5(n+1) \\ \log E_n = 11/8 + 1/5 n \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log E_{n+1} - \log E_n = 1/5(n+1-n) = 1/5$$

$$\Rightarrow \frac{E_{n+1}}{E_n} = 10^{1/5} \approx 31/6$$

پس با توجه به رابطه فوق داریم:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{E_3}{E_2} = \frac{E_4}{E_3} = 10^{1/5} \Rightarrow a = b = c$$

(مسایان ۱- صفحه ۸۹)



$$\Rightarrow D_f = \left(\frac{1}{2}, \frac{5}{8}\right) \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{2} \\ b = \frac{5}{8} \end{cases}$$

$$\log_{fa}(ab-1) = \log_2 4 = 2$$

(مسابان ۱- صفحه‌های ۸۰ تا ۸۵)

(جهانیش نیکنام)

گزینه «۳» ۹-

عبارت داده شده به صورت زیر قابل بازنویسی است:

$$\log_2 24 \log_2 96 - \log_2 192 \log_2 12$$

$$= (\log_2 2 + \log_2 12)(\log_2 8 + \log_2 12) - (\log_2 12 + \log_2 16) \log_2 12$$

حال اگر $\log_2 12 = a$ در این صورت داریم:

$$(1+a)(3+a) - (a+4)a = a^2 + 4a + 3 - a^2 - 4a = 3$$

(مسابان ۱- صفحه ۸۶)

(پویان طهرانیان)

گزینه «۳» ۱۰-

$x = \frac{1}{2}$ در معادله صدق می‌کند، پس:

$$\log_2 \frac{1}{2} - \log_{\frac{1}{2}} k = 3 \Rightarrow \log_2 2^{-1} - \log_{2^{-1}} k = 3 \Rightarrow -1 + \log_2 k = 3$$

$$\log_2 k = 4 \Rightarrow k = 2^4 = 16$$

حال ریشه دیگر را با نوشتن مجدد معادله پیدا می‌کنیم.

$$\log_2 x - \log_x 16 = 3 \Rightarrow \log_2 x - 4 \log_x 2 = 3$$

$$\frac{\log_2 x = t}{\log_2 x = t} \rightarrow t - 4\left(\frac{1}{t}\right) = 3 \xrightarrow{\times t} t^2 - 4 - 3t = 0 \quad \begin{cases} t = -1 \\ t = 4 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \log_2 x = -1 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \\ \log_2 x = 4 \Rightarrow x = 16 \end{cases}$$

بنابراین ریشه دیگر معادله برابر $x = 16$ است.

البته پس از محاسبه k ، می‌توانیم با جای‌گذاری گزینه‌ها نیز به جواب برسیم.

(مسابان ۱- صفحه‌های ۸۶ تا ۹۰)

(مسین شفیع‌زاده)

گزینه «۱» ۶-

پس از گذشت هر ماه، 0.93 جرم ماه قبل باقی می‌ماند، پس می‌توان الگوی جرم باقی‌مانده این ماده هسته‌ای را بعد از گذشت n ماه به صورت

$$m(n) = m_0 \left(\frac{0.93}{1}\right)^n$$

وقتی 69 درصد جرم اولیه از دست برود، 31 درصد آن باقی می‌ماند، پس داریم:

$$m_0 \left(\frac{0.93}{1}\right)^n = 0.31 m_0 \Rightarrow \left(\frac{0.93}{1}\right)^n = 0.31$$

از طرفین لگاریتم می‌گیریم:

$$n \log 0.93 = \log 0.31 \Rightarrow n(\log 3 + \log 31 - 2) = \log 31 - 2$$

$$\Rightarrow n = \frac{\log 31 - 2}{\log 3 + \log 31 - 2} = \frac{1/49 - 2}{0/48 + 1/49 - 2} = \frac{-0.51}{-0.53} = 17$$

پس از گذشت 17 ماه 69 درصد جرم اولیه از دست می‌رود.

(مسابان ۱- صفحه‌های ۸۸ تا ۹۰)

(کلاظم اهلایی)

گزینه «۱» ۷-

ابتدا ضابطه‌های توابع fog و gof را می‌یابیم:

$$(\text{fog})(x) = f(g(x)) = 2^{g(x)} - 1 = 2^{\log_2(x+1)} - 1$$

$$= (x+1)^{\log_2 2} - 1 = \sqrt{x+1} - 1$$

$$(\text{gof})(x) = g(f(x)) = \log_2^{(f(x)+1)}$$

$$= \log_2(2^x - 1 + 1) = \log_2 2^x = x \log_2 2 = \frac{1}{2}x$$

بنابراین معادله موردنظر به صورت زیر است:

$$\sqrt{x+1} - 1 = \frac{1}{2}x \Rightarrow 2\sqrt{x+1} = x+2$$

$$\Rightarrow 4(x+1) = (x+2)^2 \Rightarrow 4x+4 = x^2+4x+4$$

$$\Rightarrow x^2 = 0 \Rightarrow x = 0$$

پس معادله فقط یک جواب دارد.

(مسابان ۱- صفحه‌های ۸۰ تا ۸۶)

(مهمرسن سلامی‌فسینی)

گزینه «۳» ۸-

بازه دامنه از اشتراک مجموعه‌های جواب‌های دو شرط زیر به دست می‌آید:

$$1) 2x - 1 > 0 \Rightarrow x > \frac{1}{2}$$

$$2) -2 + \log_2(2x-1) > 0 \Rightarrow \log_2(2x-1) > 2$$

$$\Rightarrow 2x-1 < \frac{1}{4} \Rightarrow x < \frac{5}{8}$$



هندسه ۲

گزینه ۴» ۱۱

(مهم فندان)

در هر تبدیل، نقطه‌ای را که تبدیل یافته آن بر خود آن نقطه منطبق می‌شود، نقطه ثابت تبدیل می‌نامند. در بازتاب نسبت به خط، تمامی نقاط روی محور بازتاب، نقاط ثابت تبدیل هستند، بنابراین هر بازتاب بی شمار نقطه ثابت تبدیل دارد.

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۳۸)

گزینه ۴» ۱۲

(تصویر مشی‌نژاد)

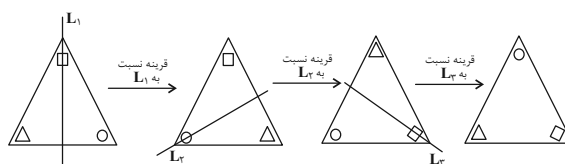
در دوران به مرکز نقطه ثابت O و زاویه α ، اگر A' تصویر نقطه A باشد، $\widehat{AOA'} = \alpha$ و $OA = OA'$ است. همچنین دوران، تبدیلی طولی است و جهت شکل‌ها را حفظ می‌کند. با توجه به این ویژگی تنها شکل شماره ۸ می‌تواند دوران یافته شکل سایه‌زده به مرکز O و زاویه 180° باشد.

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

گزینه ۳» ۱۳

(سرر یقیا زاریان تبریزی)

با توجه به شکل داریم:

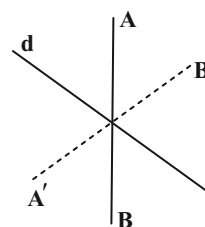


(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

گزینه ۴» ۱۴

(افشین فاضله‌فان)

اگر نقاط A ، B از خط d به یک فاصله باشند اما در طرفین خط d واقع شوند، در بازتاب آنها شیب پاره خط لزوماً حفظ نمی‌شود.

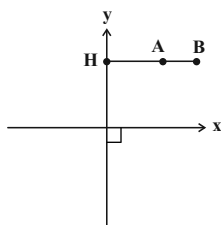


(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

گزینه ۴» ۱۵

(سوکندر روشنی)

تبدیل T در صفحه P ، تابعی است که به هر نقطه A از صفحه P ، دقیقاً یک نقطه مانند A' را از همان صفحه نظیر می‌کند و برعکس، هر نقطه A' از صفحه P ، تصویر دقیقاً یک نقطه A از همان صفحه است. در گزینه «۴» نقاط واقع بر محور y ها تصویر منحصر به فرد یک نقطه از صفحه نیستند. به عنوان مثال در شکل، تصویر نقاط A و B تحت این تابع بر نقطه H منطبق می‌گردد.

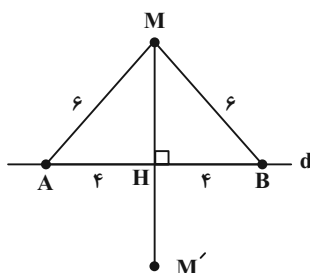


(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۳۶)

گزینه ۳» ۱۶

(امیرحسین ابومصوب)

نقاط A و B دو نقطه ثابت این تبدیل هستند، پس روی محور بازتاب یعنی خط d قرار دارند. نقطه M از این دو نقطه به یک فاصله است، پس روی عمود منصف پاره خط AB قرار دارد و در نتیجه مطابق شکل تصویر آن تحت این بازتاب، نقطه M' است. داریم:



$$\Delta AHM : MH^2 = AM^2 - AH^2 = 36 - 16 = 20$$

$$\Rightarrow MH = 2\sqrt{5}$$

فاصله نقطه M' از محور بازتاب برابر فاصله نقطه M از این محور است،

پس داریم:

$$MM' = 2MH = 2 \times 2\sqrt{5} = 4\sqrt{5}$$

(هندسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)



۱۷- گزینه «۱»

(امیرحسین ابومبوب)

ترکیب دو انتقال با بردارهای \vec{v}_1 و \vec{v}_2 ، انتقالی با بردار $\vec{v}_1 + \vec{v}_2$ است.

مطابق شکل داریم:

$$\vec{DO} = \vec{OB} \Rightarrow \vec{AO} + \vec{DO} = \vec{AO} + \vec{OB} = \vec{AB}$$

بنابراین کافی است با برداری هم اندازه و خلاف جهت \vec{AB} ، انتقال را انجام دهیم تا چهارضلعی $A'B'C'D'$ بر $ABCD$ منطبق گردد که در بین گزینه‌ها، تنها بردار \vec{CD} دارای این ویژگی است، یعنی داریم:

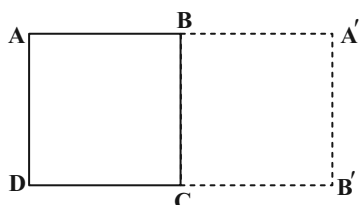
$$\vec{CD} = \vec{BA} = -\vec{AB}$$

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

۱۹- گزینه «۳»

(افشین فاضله‌فان)

دوران به مرکز C و زاویه 90° در جهت عقربه‌های ساعت به صورت شکل زیر است. نقاط A ، B و D به ترتیب بر نقاط A' ، B' و D' منطبق می‌شود.



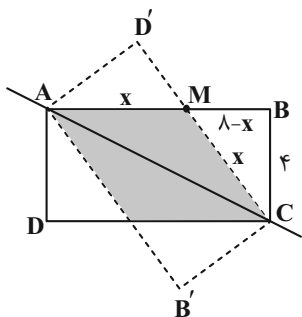
(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۳)

۲۰- گزینه «۲»

(سیرمهر رضا حسینی‌فر)

مطابق شکل مستطیل $ABCD$ پس از بازتاب نسبت به قطر AC روی مستطیل

$AB'CD'$ تصویر شده است و ناحیه مشترک، یک لوزی به ضلع x است:



$$AM = MC = x \Rightarrow MB = 4 - x$$

$$\Rightarrow x^2 = (4 - x)^2 + 4^2 \Rightarrow x^2 = 16 - 8x + x^2 + 16 \Rightarrow x = 5$$

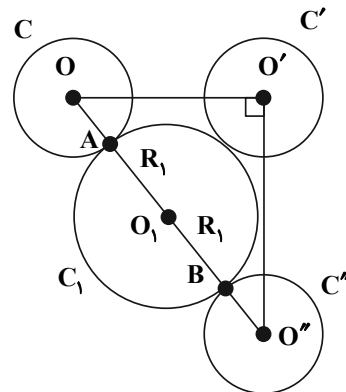
با توجه به این که هر لوزی یک متوازی‌الاضلاع است، داریم:

$$\text{مساحت لوزی} = AM \times CB = 5 \times 4 = 20$$

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۴۰)

۱۸- گزینه «۱»

(فرزانه شاکپاش)



دوران تبدیلی طولیا است، بنابراین $OO'' = OO' = 6$ است. طبق قضیه

فیثاغورس در مثلث $OO'O''$ داریم:

$$OO''^2 = 6^2 + 6^2 = 2 \times 6^2 \Rightarrow OO'' = 6\sqrt{2}$$

مطابق شکل C_1 کوچک‌ترین دایره‌ای است که بر هر دو دایره C و C'' مماس است. شعاع دایره‌های C و C'' برابر یکدیگر است، بنابراین داریم:

$$AB = OO'' - (OA + O''B)$$

$$= 6\sqrt{2} - 2 \times 2 \Rightarrow 2R_1 = 6\sqrt{2} - 4$$

$$\Rightarrow R_1 = 3\sqrt{2} - 2$$

(هنر سه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)



آمار و احتمال

۲۱- گزینه «۴»

(مرتضی فعیم علوی)

گزینه «۱»:

$$P((A \cup B) | B) = \frac{P((A \cup B) \cap B)}{P(B)} = \frac{P(B)}{P(B)} = 1$$

گزینه «۲»:

$$P((A - B) | B) = \frac{P((A \cap B') \cap B)}{P(B)} = \frac{P(\emptyset)}{P(B)} = 0$$

گزینه «۳»:

$$P(A | (A - B)) = \frac{P(A \cap (A \cap B'))}{P(A \cap B')} = \frac{P(A \cap B')}{P(A \cap B')} = 1$$

گزینه «۴»:

$$P((A \cap B) | (B - A)) = \frac{P((A \cap B) \cap (B \cap A'))}{P(B \cap A')} = \frac{P(\emptyset)}{P(B \cap A')} = 0$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

۲۲- گزینه «۳»

(علی ایمانی)

فضای نمونه کاهش یافته به صورت زیر است:

$$S = \{(1,1), (1,4), (2,2), (2,5), (3,3), (3,6), (4,1), (4,4), (5,2), (5,5), (6,3), (6,6)\}$$

$$n(S) = 12$$

حالت‌های مطلوب عبارت‌اند از:

$$A = \{(3,3), (3,6), (6,3), (6,6)\}$$

$$n(A) = 4$$

$$P(A) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

۲۳- گزینه «۴»

(امیرحسین ابومصوب)

تعداد حالت‌های فضای نمونه برای ۴ فرزند، برابر $2^4 = 16$ است. از طرفی تعداد حالت‌هایی که این خانواده دارای ۲ فرزند پسر و ۲ فرزند دختر باشد،

برابر $\binom{4}{2} = 6$ است، بنابراین اگر A پیشامد برابر نبودن تعداد فرزندان

پسر و دختر در این خانواده باشد، آنگاه داریم:

$$n(A) = 16 - 6 = 10$$

اگر B پیشامد یکسان بودن جنسیت دو فرزند اول خانواده باشد، آنگاه داریم:

$$A \cap B = \{(پ, پ, پ, پ), (پ, پ, پ, د), (پ, پ, د, پ), (پ, پ, د, د), (د, د, د, د), (د, د, د, پ), (د, د, پ, پ), (د, د, پ, د)\}$$

$$P(B | A) = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

۲۴- گزینه «۳»

(امیرحسین ابومصوب)

اگر پیشامد هم‌رنگ نبودن دو مهره خارج شده از جعبه را با A نمایش دهیم، آنگاه پیشامد A' (تمام پیشامد A) آن است که دو مهره خارج شده هم‌رنگ باشند. احتمال پیشامد A' برابر است با:

$$P(A') = \frac{3}{6} \times \frac{2}{5} + \frac{2}{6} \times \frac{1}{5} = \frac{6}{30} + \frac{2}{30} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$$

دو مهره آبی دو مهره قرمز

بنابراین احتمال پیشامد A برابر است با:

$$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{4}{15} = \frac{11}{15}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۲۵- گزینه «۴»

(پژمان خرهاپان)

اگر A را پیشامد انتخاب دو مهره غیرهم‌رنگ و B_1 و B_2 را به ترتیب پیشامد انتخاب طرف‌های اول و دوم، در نظر بگیریم، داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A | B_1) + P(B_2)P(A | B_2)$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{\binom{4}{1}\binom{2}{1}}{\binom{6}{2}} + \frac{1}{2} \times \frac{\binom{2}{1}\binom{4}{1}}{\binom{10}{2}}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{8}{15} + \frac{1}{2} \times \frac{21}{45} = \frac{1}{2} \left(\frac{8}{15} + \frac{7}{15} \right) = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

۲۶- گزینه «۱»

(نیلوفر مهری)

با توجه به روابط جبر مجموعه‌ها داریم:

$$B \subseteq A \Rightarrow \begin{cases} A \cup B = A \\ A \cap B = B \end{cases}$$



حال طبق قانون احتمال شرطی داریم:

$$P(A | B') = \frac{P(A \cap B')}{P(B')} = \frac{P(A) - P(A \cap B)}{P(B')} = \frac{P(A) - P(B)}{1 - P(B)}$$

$$= \frac{1 - \frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{7}} = \frac{\frac{2}{3}}{\frac{6}{7}} = \frac{2}{3} \times \frac{7}{6} = \frac{7}{9}$$

$$\frac{P(A | B')}{P(A \cup B)} = \frac{P(A | B')}{P(A)} = \frac{\frac{7}{9}}{\frac{1}{3}} = \frac{7}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۶)

۲۷- گزینه «۲»

(امیدرضا فلاح)

اگر پیشامد اینکه سکه رو بیاید را با A نمایش دهیم، داریم:

$$P(A) + P(A') = 1 \Rightarrow 2x + x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{3} \Rightarrow P(A) = \frac{2}{3}$$

همچنین برای تاس، رابطه احتمال غیرهم‌شانس را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 1$$

$$\Rightarrow t + 3t + 3t + t + 3t + t = 1 \Rightarrow t = \frac{1}{12}$$

$$P(B) = \frac{1}{12} \text{ بنابراین اگر پیشامد اینکه تاس ۶ بیاید را با } B \text{ نمایش دهیم،}$$

است.

دو پیشامد A و B مستقل از یکدیگرند، پس داریم:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= \frac{2}{3} + \frac{1}{12} - \frac{2}{3} \times \frac{1}{12} = \frac{2}{3} + \frac{1}{12} - \frac{1}{18} = \frac{24 + 3 - 2}{36} = \frac{25}{36}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۱ و ۶۷ تا ۷۲)

۲۸- گزینه «۲»

(نیلوفر مهروری)

فرض کنید A پیشامد سمند بودن ماشین باشد. اگر B_1 پیشامد آن باشد که ماشین انتخابی از جایگاه دوم از ابتدا در جایگاه اول بوده و B_2 پیشامد آن باشد که ماشین انتخابی از جایگاه دوم از ابتدا در همان جایگاه حضور داشته است، آنگاه طبق قانون احتمال کل داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A | B_1) + P(B_2)P(A | B_2)$$

$$= \frac{2}{8} \times \frac{6}{10} + \frac{6}{8} \times \frac{3}{6} = \frac{3}{20} + \frac{3}{8} = \frac{6 + 15}{40} = \frac{21}{40}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

۲۹- گزینه «۱»

(امیرحسین ابومحموب)

احتمال آنکه مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، $\frac{6}{16}$ است. حال اگر مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، این مهره را به همراه دو مهره سیاه به جعبه بر می‌گردانیم. در این صورت جعبه شامل ۶ مهره سفید و ۱۲ مهره سیاه خواهد شد که در نتیجه این بار احتمال خارج کردن یک مهره سفید از جعبه برابر $\frac{6}{18}$ می‌شود. طبق قانون ضرب احتمال، احتمال آنکه هر دو مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، برابر است با:

$$\frac{6}{16} \times \frac{6}{18} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

۳۰- گزینه «۴»

(پژمان خرهاپریان)

وقتی گفته شده حداقل ۹ پیامک (با موفقیت) ارسال شده باشد یعنی یا ۹ پیامک و یا ۱۰ پیامک با موفقیت ارسال شده است، پس اگر پیشامد مورد نظر را با A نمایش دهیم، داریم:

$$P(A) = \binom{10}{9} \left(\frac{9}{10}\right)^9 \left(\frac{1}{10}\right)^1 + \binom{10}{10} \left(\frac{9}{10}\right)^{10} \left(\frac{1}{10}\right)^0$$

$$= \left(\frac{9}{10}\right)^9 + \left(\frac{9}{10}\right)^{10} = \left(\frac{9}{10}\right)^9 \left(1 + \frac{9}{10}\right) = \left(\frac{19}{10}\right) \left(\frac{9}{10}\right)^9$$

(آمار و احتمال - احتمال: مشابه تمرین ۸ صفحه ۷۲)



فیزیک ۲

۳۱- گزینه «۳»

(عبدالرضا امینی نسب)

با افزایش مقاومت R بدون توجه به جایگاهش، مقاومت معادل مدارافزایش می‌یابد. طبق رابطه $I_T = \frac{\mathcal{E}}{R_T + r}$ جریان مدار کاهش می‌یابد و آمپرسنج عدد کمتری را نشان می‌دهد.طبق رابطه $V_1 = \mathcal{E} - Ir$ با کاهش جریان، ولتاژ دو سر مولد افزایش می‌یابد. در نتیجه:

$$V_1 = V_{R_1} + V_r \xrightarrow{V_{R_1} \downarrow, V_r \uparrow} V_r \uparrow$$

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶)

۳۲- گزینه «۱»

(غلامرضا ممینی)

در یک مدار تک حلقه جریان عبوری از هر دو مقاومت داخلی و خارجی یکسان است، بنابراین می‌توان نوشت:

$$V_R = \mathcal{E} V_r \Rightarrow RI = \mathcal{E} r I \Rightarrow R = \mathcal{E} r$$

اکنون با استفاده از رابطه جریان در مدار تک حلقه داریم:

$$I = \frac{\mathcal{E}}{R + r} \xrightarrow{\mathcal{E} = 6V, R = \mathcal{E} r, I = 0.2A} 0.2 = \frac{6}{\mathcal{E} r + r}$$

$$\Rightarrow 0.2 = \frac{6}{10r} \Rightarrow r = 3\Omega \xrightarrow{R = \mathcal{E} r} R = 27\Omega$$

توان مصرفی در مقاومت R برابر است با:

$$P = RI^2 \xrightarrow{R = 27\Omega, I = 0.2A} P = 27 \times (0.2)^2 = 1.08W$$

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۶۴ تا ۶۷)

۳۳- گزینه «۳»

(زهرا آقاممدری)

مقاومت معادل مدار قبل از بستن کلید و بعد از بستن کلید را محاسبه می‌کنیم.

$$R_t = R_1 + R_2 + R_3 + r = \frac{9}{2} R$$

$$R'_t = R_1 + R_2 + r = \frac{5}{2} R$$

طبق رابطه $I = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + r}$ می‌توان نسبت جریان قبل و بعد از بستن کلید

$$\frac{I'}{I} = \frac{R_t}{R'_t} = \frac{9}{5} = 1.8 \Rightarrow I' = 1.8 I$$

را به صورت زیر نوشت:

پس جریان 1.8 درصد افزایش یافته است.اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از مقاومت‌های R_1 و R_2 با استفاده از

$$V = IR$$

قانون اهم برابر است با:

با افزایش جریان به اندازه 80 درصد، اختلاف پتانسیل دو سر هر یک ازمقاومت‌های R_1 و R_2 هم 80 درصد افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۳۴- گزینه «۴»

(فسرو ارغوانی فرد)

چون $\mathcal{E}_1 > \mathcal{E}_2$ است جهت جریان ساعتگرد می‌باشد و شدت جریان برابر است با:

$$I = \frac{\mathcal{E}_1 - \mathcal{E}_2}{R_{eq} + r_1 + r_2} = \frac{15 - 5}{7 + 2 + 1} = 1A$$

جریان از پایانه مثبت مولد \mathcal{E}_1 خارج می‌شود، پس:

$$V_1 = \mathcal{E}_1 - Ir_1 = 15 - 1 \times 2 = 13V$$

جریان از پایانه منفی مولد \mathcal{E}_2 خارج می‌شود پس:

$$V_r = \mathcal{E}_r + Ir_r = 5 + 1 \times 1 = 6V$$

$$\frac{V_r}{V_1} = \frac{6}{13}$$

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

۳۵- گزینه «۴»

(بیثا شورشید)

چون ولت‌سنج آرمانی است از مقاومت $1/5\Omega$ که با ولت‌سنج آرمانی به صورت متوالی بسته شده است، جریان عبور نمی‌کند و مقاومت‌های $2/5\Omega$ هم که با آمپرسنج آرمانی به صورت موازی بسته شده‌اند، به علت اتصال کوتاه از مدار حذف می‌شوند. بنابراین جریان مقاومت 3Ω از آمپرسنج عبور می‌کند که برابر است با:

$$I = \frac{V}{R} \xrightarrow{V = 6V, R = 3\Omega} I = \frac{6}{3} = 2A$$

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۳۶- گزینه «۴»

(مبینی خلیل‌ارجمندی)

مقاومت با قطر مقطع $(2d)$ را R_2 و مقاومت با قطر مقطع (d) را R_1 می‌نامیم. با توجه به رابطه مقاومت و ویژگی‌های ساختمانی آن داریم:

$$R = \frac{\rho L}{A} \xrightarrow{\text{همجنس: } R_1 \text{ و } R_2} \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2$$

$$\xrightarrow{L_1 = 1/5 L_2, d_2 = 2d_1} \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{1/5 L_2} \times \left(\frac{d_1}{2d_1}\right)^2 = \frac{1}{6}$$

$$\Rightarrow R_2 = \frac{R_1}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}\Omega$$

چون R_1 و R_2 موازی‌اند، داریم:

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow R_T = \frac{4}{5}\Omega$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{r + R_T} = \frac{4}{\frac{4}{5} + \frac{4}{5}} = 1A$$

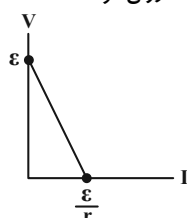
و در نهایت توان خروجی باتری این گونه به دست می‌آید:

$$P_{\text{خروجی}} = \mathcal{E}I - rI^2 = 49 - 21 = 28W$$

(فیزیک ۲- پیران الکتریکی و مدارهای پیران مستقیم: صفحه‌های ۵۱، ۵۲، ۵۳ و ۶۹)

۳۷- گزینه «۴»

(عبدالرضا امینی نسب)

هرگاه برای یک مولد محرک رابطه $V = \mathcal{E} - Ir$ را رسم کنیم نمودار آن به صورت زیر است که عرض از مبدأ آن برابر نیروی محرکه مولد (\mathcal{E}) و شیب آن برابر منفی مقاومت درونی مولد است.

$$V = \mathcal{E} - Ir \Rightarrow \begin{cases} I = 0 \Rightarrow V = \mathcal{E} \\ V = 0 \Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{r} \end{cases}$$

$$\mathcal{E}_A = \mathcal{E}_B = 10V$$

بنابراین با توجه به نمودار داریم:



$$V_C - \varepsilon_1 - r_1 I - R_1 I - R_2 I - r_2 I + \varepsilon_2 = V_C$$

$$-6 - (1 \times I) - (3 \times I) - (1 \times I) - (1 \times I) + 12 = 0$$

$$\Rightarrow 6 = 6I \Rightarrow I = 1A$$

اکنون برای حلقه سمت چپ از نقطه A در جهت ساعتگرد به نقطه B می‌رویم و $V_A - V_B$ را که برابر عدد ولت‌سنج است، محاسبه می‌کنیم:

$$V_A + \varepsilon_2 - \varepsilon_1 + r_1 I = V_B$$

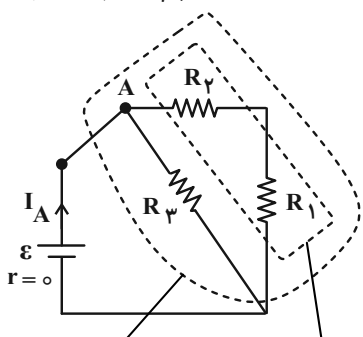
$$\Rightarrow V_A + 9 - 12 + 1 \times 1 = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 2V$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶)

(لاله بهاری)

۴۰- گزینه «۲»

یک بار بسته شدن کلید در A و بار دیگر در B را بررسی می‌کنیم؛ بسته شدن کلید در نقطه A: (قسمت چپ مدار باز شده و حذف می‌شود).



$$R_{1,2} = \frac{R_1 \times R_2}{R_1 + R_2} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} = 4\Omega$$

متوالی $R_{1,2} = 6 + 6 = 12\Omega$

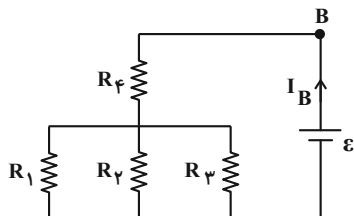
$$I_A = \frac{\varepsilon}{R_{T1}} = \frac{\varepsilon}{4}$$

با توجه به رابطه $P = \varepsilon I - r I^2$ و $r = 0$ داریم:

$$P_{\text{خروجی}} = \varepsilon I$$

$$P_1 = \varepsilon \times \frac{\varepsilon}{4} = \frac{\varepsilon^2}{4}$$

بسته شدن کلید در نقطه B: (قسمت راست مدار باز شده و حذف می‌شود).



$$R_{1,2,3} = \frac{6}{3} = 2\Omega$$

موازی: R_3, R_2, R_1

$$R_T = R_{1,2,3} + R_4 = 2 + 6 = 8\Omega$$

$$I_B = \frac{\varepsilon}{8}, \quad P_2 = \varepsilon \times \frac{\varepsilon}{8} = \frac{\varepsilon^2}{8} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{\frac{\varepsilon^2}{4}}{\frac{\varepsilon^2}{8}} = \frac{8}{4} = 2$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

از طرفی برای نمودار A داریم: $\frac{\varepsilon_A}{r_A} = 6 \Rightarrow \frac{10}{6} = r_A \Rightarrow r_A = \frac{5}{3}\Omega$

و همچنین برای نمودار B داریم:

$$\frac{\varepsilon_B}{r_B} = 8 \Rightarrow \frac{10}{8} = r_B \Rightarrow r_B = \frac{5}{4}\Omega$$

$$\frac{r_A}{r_B} = \frac{\frac{5}{3}}{\frac{5}{4}} = \frac{4}{3} \Rightarrow r_A = \frac{4}{3} r_B$$

آن‌گاه داریم:

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶)

۳۸- گزینه «۳» (مصطفی کیانی)

برای محاسبه انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت R_2 ، بهتر است از

رابطه $U = \frac{V^2}{R} t$ استفاده کنیم. به همین منظور ابتدا ولتاژ دو سر مقاومت

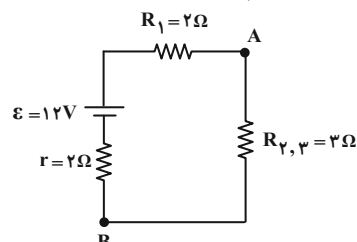
R_2 را می‌یابیم. برای تعیین V_2 ، ابتدا مقاومت معادل مدار را حساب می‌کنیم و به دنبال آن جریان الکتریکی شاخه اصلی مدار را می‌یابیم.

$$R_{2,3} = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = \frac{R_2 = 12\Omega}{R_2 = 4\Omega} \rightarrow R_{2,3} = \frac{12 \times 4}{12 + 4} = 3\Omega$$

$$R_{eq} = R_1 + R_{2,3} = \frac{R_1 = 2\Omega}{R_{eq} = 2 + 3 = 5\Omega}$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{\varepsilon = 12V}{r = 2\Omega} \rightarrow I = \frac{12}{5 + 2} = 2A$$

با توجه به مدار شکل زیر، بنابراین داریم:



$$V_2 = V_{2,3} = R_{2,3} I \Rightarrow V_2 = 3 \times 2 = 6V$$

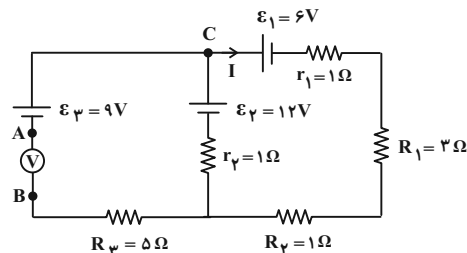
اکنون U_2 را پیدا می‌کنیم:

$$U_2 = \frac{V_2^2}{R_2} t = \frac{6^2}{12} \times 1 = 3J$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

۳۹- گزینه «۲» (مصطفی کیانی)

چون ولت‌سنج آرمانی است، مقاومت آن بسیار زیاد (بی‌نهایت) می‌باشد، بنابراین جریان الکتریکی از شاخه‌ای که شامل ولت‌سنج است، عبور نمی‌کند. در این حالت، ابتدا برای حلقه سمت راست، جریان الکتریکی را به صورت زیر می‌یابیم، دقت کنید، چون در حلقه سمت راست $\varepsilon_2 > \varepsilon_1$ است، جریان در این حلقه ساعتگرد می‌باشد.





شیمی ۲

گزینه «۳» - ۴۱

(پیمان فواپی مهر)

عبارت‌های اول، دوم و چهارم صحیح است.

- ظرفیت گرمایی به جرم بستگی دارد، پس ظرفیت گرمایی آب در ظرف B بیشتر از ظرف A است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

گزینه «۴» - ۴۲

(پیمان فواپی مهر)

برای حل این سؤال باید بدانیم که گرمای مبادله شده در دو ظرف باید برابر باشد تا تخم‌مرغ در مدت زمان مشابه پخته شود:

$$Q_{\text{آب}} = Q_{\text{روغن زیتون}} = mc\Delta\theta$$

$$800 \times 4 / 2 \times 50 = 600 \times 2 \times (\theta_p - 25)$$

$$\theta_p = 165^\circ\text{C}$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

گزینه «۱» - ۴۳

(علیرضا کیانی دوست)

$$\Delta H = [\Delta H(\text{C}=\text{C}) + 4\Delta H(\text{C}-\text{H}) + \Delta H(\text{H}-\text{H})]$$

$$-[\Delta H(\text{C}-\text{C}) + 6\Delta H(\text{C}-\text{H})]$$

$$\Delta H = [614 + 4 \times 412 + 436] - [348 + 6 \times 412] = -122\text{kJ}$$

$$? \text{ kJ} = 3 / 0.1 \times 10.22 \times \frac{1\text{mol}}{6.02 \times 10^{23}} \times \frac{122\text{kJ}}{1\text{mol}} = 6 / 1\text{kJ}$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

گزینه «۲» - ۴۴

(علیرضا کیانی دوست)

بررسی موارد:

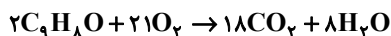
(I) درست؛ گروه عاملی موجود در میخک، کتون است و در مولکول (II)

نیز گروه عاملی کتون وجود دارد.

(دوم) درست؛ زیرا تعداد پیوندهای دوگانه کربن - کربن در آن‌ها برابر است.

(سوم) درست؛ زیرا $-4 \times 15 + 4 = -56$

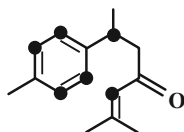
چهارم) نادرست؛ زیرا فرمول مولکولی ۱ به صورت $\text{C}_9\text{H}_8\text{O}$ است و معادله سوختن کامل آن به صورت زیر است:



$$? \text{ L O}_2 = 1\text{mol C}_9\text{H}_8\text{O} \times \frac{21\text{mol O}_2}{2\text{mol C}_9\text{H}_8\text{O}} \times \frac{22.4\text{L O}_2}{1\text{mol O}_2}$$

$$= 235 / 2 \text{ L O}_2$$

(پنجم) درست؛ کربن‌هایی که این ویژگی را دارند با نقطه پیرنگ شده‌اند.



(ششم) درست؛ با افزایش جرم مولی فرآیند کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۶۸ و ۶۹)

گزینه «۴» - ۴۵

(مهمر عظیمیان زواره)

با افزایش شمار کربن در آلکن‌ها، اندازه آنتالپی سوختن افزایش و ارزش سوختی کاهش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۱) درست؛ با توجه به جدول صفحه ۵۱

(۲) درست؛

$$c = \frac{Q}{m\Delta\theta} \Rightarrow c = \frac{900\text{J}}{100 \times 10}$$

$$= 0.9\text{J} \cdot \text{g}^{-1} \cdot ^\circ\text{C}^{-1} \quad \text{یا} \quad 0.9\text{J} \cdot \text{g}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

(۳) درست؛ فرمول مولکولی هر کدام $\text{C}_7\text{H}_8\text{O}$ می‌باشد اما به دلیل تفاوت در گروه‌های عاملی و ساختار، خواص فیزیکی و شیمیایی آن‌ها متفاوت است.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۱ تا ۵۸ و ۷۰ و ۷۱)

گزینه «۳» - ۴۶

(امیر هاتمیان)

موارد (الف)، (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی موارد نادرست:

(الف) پس از افطار احساس گرمی می‌کنیم، زیرا انرژی مواد غذایی در حال آزاد شدن است.

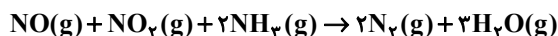
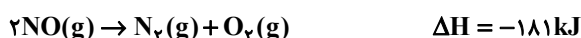
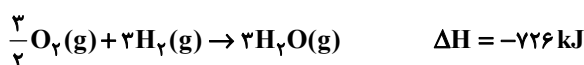
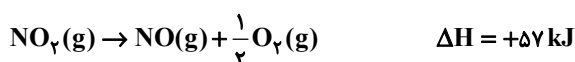
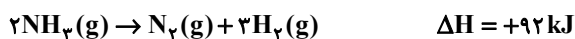


(معمدرضا پورجوهر)

۴۹- گزینه «۲»

برای به دست آوردن معادله واکنش مورد نظر و ΔH آن باید واکنش‌های I و IV را معکوس کنیم و واکنش‌های II و III را نیز به ترتیب در

$$-\frac{1}{2} \text{ و } \frac{3}{2} \text{ ضرب کنیم؛}$$



$$\Delta H = -758 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۵)

(امیر ماتیان)

۵۰- گزینه «۲»

بررسی گزینه‌ها:

(۱) نادرست؛ بخش عمده انرژی موجود در شیر، هنگام فرایند گوارش و سوخت و ساز به بدن می‌رسد.

(۲) درست؛ متن کتاب صفحه ۶۰ کتاب درسی

(۳) نادرست؛ مقدار گرمای آزاد شده در واکنش‌ها در دمای ثابت ناشی از تفاوت انرژی گرمایی در مواد واکنش‌دهنده و فراورده نیست زیرا در دمای ثابت تفاوت چشمگیری میان انرژی گرمایی آن‌ها وجود ندارد.

(۴) نادرست؛ هر واکنش شیمیایی ممکن است با تغییر رنگ، تولید رسوب، آزاد شدن گاز و ایجاد نور و صدا همراه باشد اما یک ویژگی در همه آن‌ها داد و ستد گرما با محیط پیرامون است از این‌رو هر واکنش شیمیایی ممکن است گرماده یا گرماگیر باشد.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

(ب) یکی از راه‌های آزاد شدن انرژی موادی مانند الکل و بنزین، سوختن آن‌ها است و مقدار انرژی آزاد شده به مقدار مصرفی آن‌ها بستگی دارد.

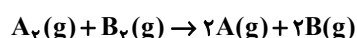
(ت) هنگامی که قندخون پایین باشد می‌توان با خوردن سیب یا نوشیدن شربت آبلیمو و غسل بدن را به حالت طبیعی بازگرداند.

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۲ تا ۵۴)

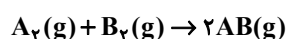
(امیر ماتیان)

۴۷- گزینه «۴»

دو واکنش زیر را با توجه به نمودار در نظر می‌گیریم:



$$\Delta H_1 = (\Delta H_{\text{A-A}} + \Delta H_{\text{B-B}}) - 0 = 400$$



$$\Delta H_2 = (\Delta H_{\text{A-A}} + \Delta H_{\text{B-B}}) - (2\Delta H_{\text{A-B}}) = 100$$

$$= \frac{1}{2} (\Delta H_1 - \Delta H_2) \Rightarrow \Delta H_{\text{A-B}} = 150 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(امیرمسیب طیبی)

۴۸- گزینه «۳»

ابتدا جرم گاز کلر و مقدار گرمای مورد نیاز برای افزایش دمای آن را محاسبه می‌کنیم.

نکته: می‌دانیم در شرایط STP دما برابر با 0°C می‌باشد.

$$? \text{ g Cl}_2 = 11/2 \text{ m}^3 \text{ Cl}_2 \times \frac{10^3 \text{ L}}{1 \text{ m}^3} \times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{22/4 \text{ L Cl}_2}$$

$$\times \frac{71 \text{ g Cl}_2}{1 \text{ mol Cl}_2} = 35500 \text{ g Cl}_2$$

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow Q = 35500 \text{ g} \times 0/48 \frac{\text{J}}{\text{g} \cdot ^\circ \text{C}} \times (25-0)^\circ \text{C}$$

$$= 426 \times 10^3 \text{ J} = 426 \text{ kJ}$$

پس جرم گاز اتن مورد نیاز را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{ g C}_2\text{H}_4 = 426 \text{ kJ} \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_4}{1400 \text{ kJ}} \times \frac{28 \text{ g C}_2\text{H}_4}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_4}$$

$$= 8/52 \text{ g C}_2\text{H}_4$$

(شیمی ۲- صفحه‌های ۵۶ تا ۶۵)



ریاضی ۱

گزینه «۳» - ۵۱

(عادل مسینی)

دو عدد حقیقی را a و b در نظر می‌گیریم و داریم:

$$\begin{cases} a - b = 1 \\ ab = 1 \end{cases}$$

در معادله $ab = 1$ ، $b = a - 1$ را جای‌گذاری می‌کنیم:

$$a(a - 1) = 1 \Rightarrow a^2 - a - 1 = 0 \Rightarrow a = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

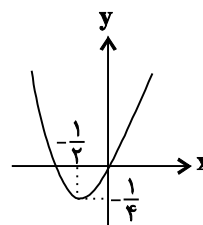
$$\Rightarrow b = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

پس عدد بزرگ‌تر می‌تواند $\frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ یا $\frac{1 - \sqrt{5}}{2}$ باشد.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۷۴ تا ۷۷)

گزینه «۳» - ۵۲

(کاظم ابلالی)

نمودار تابع $y = x^2 + x$ را در شکل زیر می‌بینید.برد این تابع $[-\frac{1}{4}, +\infty)$ است.برای این که با دامنه $\mathbb{R} - \{a\}$ برد $(b, +\infty)$ را داشته باشیم، لازم استکه نقطه (a, b) رأس سهمی باشد. پس داریم:

$$(a, b) = (-\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}) \Rightarrow a + b = -\frac{3}{4}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها، تابع: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲، ۱۰۱ و ۱۰۲)

گزینه «۲» - ۵۳

(سپهر ساسانی)

با توجه به نمودار باید معادله $f(x) = 1$ را حل کنیم و نقطه تلاقی با طول مثبت را m بنامیم. اما قبل از آن باید ضابطه $f(x)$ را بنویسیم. صفرهایتابع، ۱ و -۳ هستند، پس $x_s = \frac{-3+1}{2} = -1$ طول رأس سهمی است.همچنین نقطه $(-1, -2)$ در تابع صدق می‌کند پس داریم:

$$f(x) = a(x - x_1)(x - x_2)$$

$$\Rightarrow y = a(x + 3)(x - 1)$$

$$\xrightarrow{(-1, -2)} -2 = a(2)(-2) \Rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{1}{2}(x + 3)(x - 1) \xrightarrow{f(x)=1} \frac{(x + 3)(x - 1)}{2} = 1$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 3 = 2 \Rightarrow x^2 + 2x - 5 = 0$$

$$x = \frac{-2 \pm 2\sqrt{6}}{2} = -1 \pm \sqrt{6} \xrightarrow{m > 0} \sqrt{6} - 1 = m$$

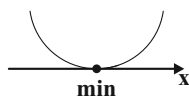
(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

گزینه «۲» - ۵۴

(دانیال ابراهیمی)

وقتی کمترین مقدار یک تابع درجه دوم روی محور طول‌ها قرار می‌گیرد،

یعنی این تابع به شکل زیر خواهد بود:

بنابراین سهمی $f(x) = ax^2 + bx + c$ بر محور x ها مماس است $(\Delta = 0)$ و دهانه آن رو به بالا باز می‌شود $(a > 0)$. داریم:

$$\Delta = 0 \Rightarrow (m - 5)^2 - 4m(m - 8) = 0$$

$$\Rightarrow -2m^2 + 22m + 25 = (m + 1)(-3m + 25) = 0$$

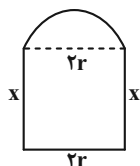
$$\xrightarrow{m > 0} m = \frac{25}{3} \Rightarrow f(0) = \frac{25}{3} - 8 = \frac{1}{3}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها: صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

گزینه «۲» - ۵۵

(وفیر ون‌آبادی)

شکل مسئله مطابق زیر است:



$$P = \pi r + 2r + 2x = 10 \Rightarrow x = \frac{10 - (\pi + 2)r}{2}$$

محیط پنجره



(علی ساوپی)

۵۸- گزینه «۲»

دو نامعادله را به ترتیب حل می‌کنیم:

$$۱) \quad ||x| - 3| < 2 \Rightarrow -2 < |x| - 3 < 2 \xrightarrow{+3} 1 < |x| < 5$$

$$\Rightarrow -5 < x < -1 \text{ یا } 1 < x < 5$$

$$۲) \quad ||x| - 2| < 3 \Rightarrow -3 < |x| - 2 < 3 \xrightarrow{+2} -1 < |x| < 5$$

$$\Rightarrow |x| < 5 \Rightarrow -5 < x < 5$$

اشتراک دو مجموعه بالا مجموعه $(-5, 5) \cup (1, 5)$ است.

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۳)

(شمیر علیزاده)

۵۹- گزینه «۱»

شرط آن که رابطه f تابع باشد، آن است که مؤلفه‌های اول هیچ دو زوج مرتبی برابر نباشند و یا اگر مؤلفه‌های اول آن برابر باشند، باید مؤلفه‌های دوم نیز برابر باشند.

$$(2, a^2 - 2a), (2, 1) \in f \Rightarrow a^2 - 2a = 1$$

$$\Rightarrow a^2 - 2a - 1 = 0$$

$$\Rightarrow a = 1 \pm \sqrt{2} \Rightarrow f = \{(2, 1), (1, 2), (1, -1), (2, 1)\}$$

با جای گذاری $a = 1 \pm \sqrt{2}$ در رابطه f دو زوج مرتب $(1, 2)$ و $(1, -1)$ در رابطه قرار دارند، پس به‌ازای هیچ مقداری از a ، رابطه f تابع نخواهد شد.

(ریاضی ۱- تابع؛ صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(یاسین سپهر)

۶۰- گزینه «۲»

نمایش جبری تابع خطی f به‌صورت $f(x) = ax + b$ می‌باشد.

$$f(x) = ax + b \Rightarrow \begin{cases} f(x-3) = a(x-3) + b \\ f(x+2) = a(x+2) + b \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x-3) + f(x+2) = ax - 3a + b + ax + 2a + b$$

$$6x + 7 \Rightarrow 2ax + (-a + 2b)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a = 6 \Rightarrow a = 3 \\ -a + 2b = 7 \xrightarrow{a=3} -3 + 2b = 7 \Rightarrow b = 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = 3x + 5 \Rightarrow f(-1) = 2$$

(ریاضی ۱- تابع؛ صفحه ۱۰۳)

از طرفی مقدار نوردی پنجره مستقیماً به مساحت آن بستگی دارد، پس

مساحت آن را حساب می‌کنیم:

$$S = 2rx + \frac{1}{2}\pi r^2 \xrightarrow{x = \frac{10 - (\pi + 2)r}{2}}$$

$$S(r) = -\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)r^2 + 10r$$

در طول رأس سهمی، مقدار آن ماکزیمم است، پس داریم:

$$r_{\max} = \frac{-10}{-(\pi + 4)} = \frac{10}{\pi + 4}$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۷۸ تا ۸۲)

(عباس اشرفی)

۵۶- گزینه «۲»

 $x = 2$ ریشه مشترک صورت و مخرج است. چرا که در همسایگی $x = 2$ تغییر علامت نداریم و در این نقطه، $P(x)$ ، تعریف نشده است.از طرفی $x = -1$ ریشه درجه یک صورت است. بنابراین:

$$P(x) = \frac{(x+1)(x-2)}{x-2} = \frac{x^2 - x - 2}{x-2} \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = -2 \\ c = -2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{a+b}{c} = \frac{(-1)+(-2)}{-2} = \frac{-3}{-2} = \frac{3}{2}$$

در نتیجه:

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۸۳ تا ۸۸)

(امیرحوشنگ انصاری)

۵۷- گزینه «۳»

$$\frac{3}{4} < \frac{x+4}{2x+3} \Rightarrow \frac{x+4}{2x+3} - \frac{3}{4} > 0 \Rightarrow \frac{7-2x}{4(2x+3)} > 0 \Rightarrow \frac{-3}{2} < x < \frac{7}{2}$$

$$\frac{x+4}{2x+3} < 1 \Rightarrow \frac{x+4}{2x+3} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{1-x}{2x+3} < 0 \Rightarrow \begin{cases} x < -\frac{3}{2} \\ \text{یا} \\ x > 1 \end{cases}$$

اشتراک دو مجموعه فوق بازه $(1, \frac{7}{2})$ است و داریم:

$$a = 3, b = 2 \Rightarrow a + b = 5$$

(ریاضی ۱- معادله‌ها و نامعادله‌ها؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۱)



فیزیک ۱

گزینه «۳» - ۶۱

(مصطفی کیانی)

گام اول: با استفاده از رابطه $W = Fd \cos \theta$ و با داشتن W و θ ، حاصل ضرب Fd را می‌یابیم:

$$W = Fd \cos \theta \xrightarrow{W=36J, \theta=53^\circ} 36 = Fd \cos 53^\circ$$

$$\xrightarrow{\cos 53^\circ = 0.6} 36 = Fd \times 0.6 \Rightarrow Fd = 60J$$

گام دوم: بیشینه کار انجام شده توسط نیروی ثابت \vec{F} در جابه‌جایی ثابت \vec{d} در حالتی است که نیرو و جابه‌جایی هم‌جهت باشند. یعنی $\theta = 0$ باشد. بنابراین بیشینه کار انجام شده برابر است با:

$$W = Fd \cos \theta \xrightarrow{\theta=0, Fd=60J} W_{\max} = 60 \times \cos(0)$$

$$\xrightarrow{\cos(0)=1} W_{\max} = 60J$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ تا ۶۱)

گزینه «۳» - ۶۲

(مهمر ساکی)

با استفاده از رابطه انرژی جنبشی داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{3}{4} \frac{K_1}{K_1} = \frac{1}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{3}{2}$$

$$\text{درصد تغییرات تندی} = \frac{\Delta v}{v_1} \times 100 =$$

$$= \frac{\frac{3}{2}v_1 - v_1}{v_1} \times 100 = 50\%$$

بنابراین تندی ۵۰ درصد افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان: صفحه ۵۴)

گزینه «۳» - ۶۳

(مصطفی کیانی)

می‌دانیم $W_{mg} = -\Delta U_g$ است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$W_{mg} = -(U_{gB} - U_{gA}) = \frac{U_{gA} = 100J}{U_{gB} = 120J}$$

$$W_{mg} = -(120 - 100) = -20J$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۴ تا ۶۷)

گزینه «۱» - ۶۴

(فسرو ارغوانی‌فر)

می‌دانیم کار نیروی خالص وارد بر جسم برابر با تغییر در انرژی جنبشی جسم می‌باشد. از صورت مسئله ابتدا جرم جسم را محاسبه می‌کنیم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 25 = \frac{1}{2}m \times 5^2 \Rightarrow m = 2kg$$

حال از قضیه فوق استفاده می‌کنیم:

$$W_t = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2)$$

$$W_t = \frac{1}{2} \times 2 \times [(-10)^2 - (5)^2] = 75J$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۳)

گزینه «۴» - ۶۵

(لاله بوقاری)

در شرایط صرف‌نظر از اصطکاک، انرژی مکانیکی در کل مسیر ثابت است:

$$E = U + K = 35 + 25 = 60J$$

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، در بالاترین نقطه فقط انرژی پتانسیل داریم:

$$E = U_{\max} = mgh$$

$$60 = 0.3 \times 10 \times h \Rightarrow h = \frac{60}{3} = 20m$$

(فیزیک ۱-کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)



۶۶- گزینه «۳»

(مسام نازری)

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی، کار کل انجام شده روی جسم برابر با تغییرات انرژی جنبشی جسم است. اگر سرعت جسم تغییر نکند، انرژی جنبشی هم تغییر نمی کند (یعنی $\Delta K = 0$) و در نتیجه کار کل برابر صفر است و $W_1 = -W_2$ می باشد.

$$W_t = K_2 - K_1 = 0 \Rightarrow W_1 + W_2 = 0$$

$$\Rightarrow W_1 = -W_2$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۱ تا ۶۳)

۶۷- گزینه «۲»

(مهمم ساکی)

چون نیروی اصطکاک وجود دارد، تغییرات انرژی مکانیکی برابر کار نیروی اصطکاک است. بنابراین با در نظر گرفتن سطح افقی به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

$$\sin 30^\circ = \frac{2}{d} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{d} \Rightarrow d = 4m$$

$$E_2 - E_1 = W_{f_k} \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 - mgh_1 = -f_k d$$

$$\xrightarrow[m=4kg, f_k=2N]{d=4m} \frac{1}{2} \times 4 \times v^2 - 4 \times 10 \times 2 = -2 \times 4$$

$$2v^2 = 22 \Rightarrow v = \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۸ تا ۷۲)

۶۸- گزینه «۲»

(امسان مهممیری)

انرژی حاصل از انفجار برابر است با:

$$E = 0.5 \times 700 = 350J$$

که ۲۵ درصد آن به صورت گرما تلف و باقی به گلوله و تفنگ می رسد:

$$K_1 + K_2 = \frac{3}{4} \times 350 = 262.5J$$

انرژی جنبشی گلوله برابر است با:

$$K_1 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times 500^2 = 250J$$

بنابراین انرژی جنبشی تفنگ برابر است با:

$$K_2 = 262.5 - 250 = 12.5J$$

و در آخر تندی تفنگ برابر است با:

$$K_2 = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 12.5 = \frac{1}{2} \times 4 \times v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{25}{4} \Rightarrow v = \frac{5}{2} = 2.5 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه ۵۴)

۶۹- گزینه «۳»

(عبدالرضا امینی نسب)

تلمبه آب را به اندازه $10m$ $4 + 6 = 10m$ جابجا می کند، $h = 10m$

$$P_{\text{مفيد}} = \frac{mgh}{t} \Rightarrow 100 = \frac{m \times 10 \times 10}{60} \Rightarrow m = 60kg$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه های ۷۳ و ۷۴)

۷۰- گزینه «۲»

(عسین ناصبی)

کاری که پمپ روی آب انجام می دهد را با استفاده از قضیه کار - انرژی

جنبشی به دست می آوریم:

$$W_{\text{پمپ}} + W_{mg} = \Delta K$$

$$W_{\text{پمپ}} + (-mgh) = K_2 - K_1$$

$$\xrightarrow{K_1=0} W_{\text{پمپ}} = \frac{1}{2}mv^2 + mgh$$

با استفاده از رابطه چگالی، جرم آب را به دست می آوریم:

$$m = \rho V \xrightarrow[\rho=10^3 \frac{kg}{m^3}]{V=60 \times 10^{-3} m^3} m = 10^3 \times 60 \times 10^{-3} = 60kg$$

$$W_{\text{پمپ}} = \frac{1}{2}(60)(20)^2 + 60 \times 10 \times 20 = 12000 + 12000 = 24000J$$

توان خروجی پمپ برابر است با:

$$\bar{P}_{\text{مفيد}} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{\Delta t} = \frac{24000}{60} = 400W$$

توان الکتریکی مصرفی پمپ برابر است با:

$$R_a = \frac{\bar{P}_{\text{مفيد}}}{P_{\text{مصرفی}}} \rightarrow \frac{400}{100} = \frac{400}{P} \Rightarrow \bar{P}_{\text{مصرفی}} = 500W$$

(فیزیک ۱- کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۱ تا ۶۳ و ۷۳ تا ۷۶)



حسابان ۲

۷۱- گزینه «۳»

(یاسین سپهر)

می‌دانیم که تبدیلات روی محور عمودی تأثیری در دامنه تابع ندارند، پس برای سادگی می‌توانیم دامنه تابع $y = f(-x+3)$ را حساب کنیم. برای رسم این تابع، نمودار تابع $y = f(3x+1)$ را $\frac{2}{3}$ واحد به چپ منتقل می‌کنیم تا نمودار تابع $y = f(3(x+\frac{2}{3})+1) = f(3x+3)$ حاصل شود. در نهایت طول نقاط روی نمودار این تابع را در -3 ضرب می‌کنیم تا نمودار تابع $y = f(-x+3)$ به دست آید. برای محاسبه دامنه این تابع، ترتیب تبدیلات گفته شده را روی بازه $[-2, 6]$ نیز انجام می‌دهیم:

$$D_1 = [-2, 6] \xrightarrow{-\frac{2}{3}} D_2 = [-\frac{8}{3}, \frac{16}{3}]$$

$$\xrightarrow{\times(-3)} D_{y=f(-x+3)} = [-16, 8]$$

این بازه شامل ۸ عدد طبیعی ۱ تا ۸ است.

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

۷۲- گزینه «۲»

(علی شهرابی)

تبدیلات گفته شده را مرحله به مرحله اعمال می‌کنیم:

$$y = \sqrt{2x-1} \xrightarrow{\substack{\text{۱ واحد چپ} \\ x \rightarrow x+1}} y = \sqrt{2(x+1)-1} = \sqrt{2x+1}$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{انقباض افقی} \\ x \rightarrow \frac{x}{2}}} y = \sqrt{2(\frac{x}{2})+1} = \sqrt{x+1}$$

دو تابع $y = \sqrt{2x-1}$ و $y = \sqrt{x+1}$ را قطع می‌دهیم:

$$\sqrt{x+1} = \sqrt{2x-1} \Rightarrow x+1 = 2x-1 \Rightarrow x = 2$$

لازم به ذکر است که پس از پیدا کردن ضابطه تابع ثانویه، برای محاسبه طول نقطه تقاطع می‌توانستیم از گزینه‌ها نیز استفاده کنیم.

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

۷۳- گزینه «۲»

(نسترن زارع)

$$y = f(x) \xrightarrow{\substack{\text{انتقال یک واحدی} \\ \text{به سمت چپ}}} y = f(x+1)$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{قرینه نسبت} \\ \text{به محور } y}} y = f(-x+1)$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{قرینه نسبت} \\ \text{به محور } x}} y = -f(1-x)$$

$$\xrightarrow{\substack{\text{انقباض عمودی} \\ \text{با ضریب } \frac{1}{4}}} y = -\frac{1}{4}f(1-x)$$

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

۷۴- گزینه «۱»

(بوزار مرمی)

ابتدا سراغ به‌دست آوردن وارون تابع f می‌رویم:

$$y = f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 5$$

$$y = (x-2)^3 + 3 \Rightarrow y-3 = (x-2)^3 \Rightarrow \sqrt[3]{y-3} = (x-2)$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[3]{y-3} + 2 \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x-3} + 2$$

برای منطبق شدن تابع $y = f^{-1}(x)$ بر $y = \sqrt[3]{x}$ باید ۳ واحد در جهت منفی محور x ها و ۲ واحد نیز در جهت منفی محور y ها انتقال یابد، یعنی:

$$y = (\sqrt[3]{(x+3)-3} + 2) - 2 = \sqrt[3]{x}$$

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱ تا ۱۴)

۷۵- گزینه «۲»

(عارل حسینی)

باقی‌مانده تقسیم $p(x)$ بر $x+2$ برابر صفر است:

$$p(-2) = 0 \Rightarrow -8 + 4a - 2(-2) - 2 = 4a - 4 = 0 \Rightarrow a = 1$$

از آنجا که $x+2$ یکی از عامل‌های $p(x)$ است، داریم:

$$p(x) = x^3 + x^2 - 3x - 2 = (x+2)(x^2 - x - 1)$$

$$\xrightarrow{p(x)=0} \begin{cases} x+2=0 \Rightarrow x=-2 \\ x^2-x-1=0 \xrightarrow{\Delta>0} S=1 \end{cases}$$

مجموع جواب‌های معادله برابر است با: $-2+1=-1$

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

۷۶- گزینه «۳»

(کاظم ایلانی)

با استفاده از اتحاد $a^5 + b^5 = (a+b)(a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4)$ چندجمله‌ای $P(x)$ را تجزیه می‌کنیم.

$$P(x) = x^5 + x^4 = (x^2)^5 + x^5$$

$$= (x^2+x)((x^2)^4 - (x^2)^3x + (x^2)^2x^2 - (x^2)x^3 + x^4)$$

$$= (x^2+x)(x^8 - x^7 + x^6 - x^5 + x^4)$$

$$= (x^2+x)Q(x)$$

بنابراین داریم:

$$Q(x) = x^8 - x^7 + x^6 - x^5 + x^4$$

$$\Rightarrow Q(-1) = 5$$

(حسابان ۲- صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

۷۷- گزینه «۳»

(یاسین سپهر)

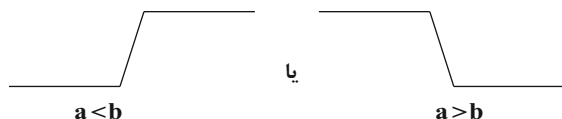
در توابع قدرمطلق، جهت یکنوایی نمودار تابع، فقط در ریشه‌های عبارت داخل قدرمطلق تغییر می‌کند (در صورت تغییر). پس جهت یکنوایی نمودار تابع f ، در $x = -3$ و $x = k$ تغییر می‌کند.



۷۹- گزینه «۱»

(مدرسباز پیشوایی)

تابعی که به صورت $y = |x-a| - |x-b|$ باشد، شکلی شبیه به سرسره دارد که دو حالت در رسم آن وجود دارد:



پس برای صعودی بودن آن ریشه قدرمطلق دوم باید بزرگتر از ریشه قدرمطلق اول باشد.

$$y = |x-m^2| - |x-(\Delta m + 6)|$$

$$a < b \Rightarrow m^2 < \Delta m + 6 \Rightarrow m^2 - \Delta m - 6 < 0 \Rightarrow (m+1)(m-6) < 0 \\ \Rightarrow -1 < m < 6 \Rightarrow m = 0, 1, 2, \dots, 5$$

همچنین اگر ریشه‌های داخل دو قدرمطلق با هم برابر باشند تابع ثابت $y = 0$ خواهد بود که این تابع نیز تابعی صعودی است.

$$m^2 = \Delta m + 6 \Rightarrow m^2 - \Delta m - 6 = 0 \\ \Rightarrow (m-6)(m+1) = 0 \Rightarrow m = -1, 6$$

پس درمجموع تابع به ازای ۸ مقدار $0, 1, 2, \dots, 5, 6, -1$ صعودی است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

۸۰- گزینه «۴»

(عادل حسینی)

رابطه تقسیم را برای تقسیم $f(x)$ بر $(x+5)(x-1)$ می‌نویسیم:

$$f(x) = (x+5)(x-1)q_1(x) + x-6 \quad (*)$$

همچنین برای تقسیم $f(f(x))$ بر $x-1$ داریم:

$$f(f(x)) = (x-1)q_1(x) + r$$

می‌بینیم که اگر $x=1$ را در رابطه بالا جای گذاری کنیم، مقدار r به دست می‌آید:

$$r = f(f(1))$$

از رابطه (*) داریم:

$$f(1) = 0 + (1-6) \Rightarrow f(1) = -5 \Rightarrow r = f(-5)$$

مجدداً داریم:

$$f(-5) = 0 + (-5-6) = -11$$

پس $r = -11$ است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

با این توضیحات نتیجه می‌گیریم که بازه‌ای که تابع f روی آن اکیداً صعودی است، به صورت $[-3, k]$ یا $[k, -3]$ است. داریم:

$$\begin{cases} [k, -3]: -3 - k = 5 \Rightarrow k = -8 \\ [-3, k]: k + 3 = 5 \Rightarrow k = 2 \end{cases}$$

به ازای این دو مقدار ضابطه‌های f را می‌نویسیم:

$$k = -8: f(x) = \begin{cases} -x+2 & ; x < -8 \\ -3x-14 & ; -8 \leq x < -3 \\ -x-8 & ; x \geq -3 \end{cases}$$

این تابع اکیداً نزولی است. پس پاسخ $k=2$ صحیح است. به ازای $k=2$ داریم:

$$f(x) = \begin{cases} -x-8 & ; x < -3 \\ x-2 & ; -3 \leq x < 2 \\ -x+2 & ; x \geq 2 \end{cases}$$

تابع f روی بازه $[-3, 2]$ به طول ۵ اکیداً صعودی است.

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

۷۸- گزینه «۱»

(سویل حسن‌شان‌پور)

می‌دانیم $1 = (\sqrt{2})^2 - 1 = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1)$. پس داریم:

$$\sqrt{2} - 1 = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} = (\sqrt{2} + 1)^{-1}$$

همچنین با توجه به اتحاد مکعب دو جمله‌ای داریم:

$$(\sqrt{2} + 1)^3 = (\sqrt{2})^3 + 3 \times (\sqrt{2})^2 \times 1 + 3 \times \sqrt{2} \times 1^2 + 1^3 \\ = 2\sqrt{2} + 6 + 3\sqrt{2} + 1 = 7 + 5\sqrt{2}$$

حال این عبارات را در نامعادله سوال جایگذاری می‌کنیم:

$$((\sqrt{2} + 1)^{-1})^{-1}(-x^2 + 3x - 2) < ((\sqrt{2} + 1)^3)^2 \\ \Rightarrow (\sqrt{2} + 1)^{x^2 - 3x + 2} < (\sqrt{2} + 1)^6$$

تابع $y = (\sqrt{2} + 1)^x$ اکیداً صعودی است و در نتیجه:

$$x^2 - 3x + 2 < 6 \Rightarrow x^2 - 3x - 4 < 0 \Rightarrow (x-4)(x+1) < 0 \\ \Rightarrow -1 < x < 4 \Rightarrow \begin{cases} b=4 \\ a=-1 \end{cases} \Rightarrow b+2a = 4+2(-1) = 2$$

(مسئله ۲- تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)



هندسه ۳

۸۱- گزینه «۳»

(رضا عباسی اصل)

$$A^2 = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 6 \\ -2 & -2 \end{bmatrix} = 2A$$

$$A^4 = (A^2) \cdot (A^2) = (2A)(2A) = 4A^2 = 4(2A) = 8A$$

$$\Rightarrow k = 8$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۱۷ تا ۲۱)

۸۲- گزینه «۲»

(یاسین سپهر)

$$b_{11} = b_{12} = 1^2 + 1 = 2, \quad b_{21} = b_{22} = 2^2 + 1 = 5$$

$$\Rightarrow B = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A - B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

$$(A - B)(A + B) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 4 \\ -52 & -44 \end{bmatrix}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۱۰ تا ۱۹)

۸۳- گزینه «۲»

(یاسین سپهر)

چون A ماتریس اسکالر است، بنابراین ماتریس مربعی می باشد. از طرفیضرب AB تعریف شده است، پس تعداد ستون های ماتریس A برابرتعداد سطر های ماتریس B یعنی برابر ۳ می باشد. حال چون ماتریس A

اسکالر می باشد، پس به صورت زیر تعریف می شود:

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix}$$

$$c_{22} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix} = 2a = -4 \Rightarrow a = -2$$

$$A = a + a + a = 3a = 3(-2) = -6$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۱۲ تا ۱۹)

۸۴- گزینه «۳»

(مهمر قنران)

با توجه به رابطه $\frac{1}{4}A^2B = I$ ، ماتریس B وارون ماتریس $\frac{1}{4}A^2$ است،

بنابراین داریم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & -6 \\ -8 & 16 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{1}{4}A^2 = \begin{bmatrix} 3 & -3 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{4}A^2\right)^{-1} = \frac{1}{6 \times 8 - (-3)(-4)} \begin{bmatrix} 8 & 3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} = \frac{1}{36} \begin{bmatrix} 8 & 3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} = B$$

$$B = \frac{1}{36} (8 + 3 + 4 + 6) = \frac{21}{36} = \frac{7}{12}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۱۷ تا ۲۳)

۸۵- گزینه «۴»

(سامان اسپهرم)

$$A^2 = \begin{bmatrix} 0 & 2^x \\ 2^{1-x} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2^x \\ 2^{1-x} & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = 2I$$

$$A^4 = 4I \text{ و } A^6 = 8I \Rightarrow A^2 + A^4 + A^6 = 2I + 4I + 8I = 14I$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۱۷ تا ۲۱)

۸۶- گزینه «۲»

(امیر فسیان ابومصوب)

ماتریس A در صورتی وارون پذیر نیست که $|A| = 0$ باشد، بنابراین

داریم:

$$|A| = 0 \Rightarrow (a + 10) - a(a + 4) = 0$$

$$\Rightarrow a + 10 - a^2 - 4a = 0 \Rightarrow a^2 + 3a - 10 = 0$$

$$\Rightarrow (a + 5)(a - 2) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = -5 \\ a = 2 \end{cases}$$

(هنر سه ۳- ماتریس و کاربرد ها؛ صفحه های ۲۲ و ۲۳)



۸۷- گزینه «۳»

(امیرحسین ابومحبوب)

وارون وارون یک ماتریس برابر خود آن ماتریس است، بنابراین داریم:

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{(-2) \times 1 - 1 \times (-1)} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 7 & -5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow B = \frac{1}{3 \times (-5) - (-2) \times 7} \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -7 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ 7 & -3 \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ 7 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 6 & -1 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌های ماتریس $(A + B)$ برابر است با:

$$4 + (-1) + 6 + (-1) = 8$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

۸۸- گزینه «۴»

(امیرحسین ابومحبوب)

$$(A + B)^T = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 18 & 3 \\ 6 & 3 \end{bmatrix}$$

$$(A + B)^T = (A + B)(A + B) = A^T + AB + BA + B^T$$

$$\Rightarrow AB + BA = (A + B)^T - A^T - B^T$$

$$= \begin{bmatrix} 18 & 3 \\ 6 & 3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 4 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

۸۹- گزینه «۱»

(سوکنر روشنی)

می‌دانیم $\frac{1}{\cos^2 \theta} = 1 + \tan^2 \theta$ ، پس داریم:

$$A^T = \begin{bmatrix} \cdot & \cos^2 \theta \\ 1 + \tan^2 \theta & \cdot \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cdot & \cos^2 \theta \\ 1 + \tan^2 \theta & \cdot \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & \cdot \\ \cdot & 1 \end{bmatrix} = I \Rightarrow A^{14} = (A^T)^T = I$$

$$B^T = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

$$\Rightarrow B^{15} = (B^T)^T \times B = I \times B = B$$

بنابراین داریم:

$$A^{14} + B^{15} = I + B$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

۹۰- گزینه «۴»

(سوکنر روشنی)

طبق فرض داریم:

$$A^T = 2A + 3I \quad (1)$$

همچنین:

$$(A - 4I)^{-1} = \alpha A + \beta I$$

$$\Rightarrow (\alpha A + \beta I)(A - 4I) = I$$

$$\Rightarrow \alpha A^T + (\beta - 4\alpha)A - 4\beta I = I$$

$$\xrightarrow{(1)} \alpha(2A + 3I) + (\beta - 4\alpha)A = (4\beta + 1)I$$

$$\Rightarrow (\beta - 2\alpha)A + (3\alpha)I = (4\beta + 1)I$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \beta - 2\alpha = 0 \\ 3\alpha = 4\beta + 1 \end{cases} \xrightarrow{\text{نهایتاً}} \alpha = -\frac{1}{5}, \quad \beta = -\frac{2}{5}$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = -\frac{3}{5}$$

(هندسه ۳- ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)



ریاضیات گسسته

۹۱- گزینه «۳»

(عمیدرضا امیری)

اگر $a = 2$ و $b = 3$ باشد، آنگاه $ab = 6$ زوج است ولی $a + b = 5$ فرد

می باشد. سایر موارد قضایای کلی هستند و همواره برقرارند.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۲ و ۳)

۹۲- گزینه «۴»

(سروش موئینی)

$$-44 = 17(-3) + 7 \Rightarrow \begin{cases} q = -3 \\ r = 7 \end{cases}$$

$$-3 = 7(-1) + 4 \Rightarrow 4 = \text{باقی مانده}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۴ و ۱۵)

۹۳- گزینه «۲»

(سیدمرتسن فاطمی)

$$a^3 | b^2 \Rightarrow a \times a^2 | b^2$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a | b^2 \\ a^2 | b^2 \Rightarrow a | b \Rightarrow a^2 | b^2 \Rightarrow a^2 | b^2 \times b \Rightarrow a^2 | b^5 \end{cases}$$

پس رابطه های گزینه های «۱»، «۳» و «۴» همواره درست هستند ولی رابطه

گزینه «۲» در حالت کلی نتیجه نمی شود. به عنوان مثال نقض برای گزینه

$$\text{«۲»} \quad a = 4 \text{ و } b = 8 \text{ را در نظر بگیریم.}$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۹ تا ۱۲)

۹۴- گزینه «۳»

(علی ساوپی)

گزینه «۱»: در میان هر سه عدد طبیعی متوالی، قطعاً یکی مضرب ۳ و حداقل

یکی زوج است، پس حاصل ضرب هر سه عدد متوالی مضرب ۶ است.

گزینه «۲»: در بین هر n عدد صحیح متوالی، یکی قطعاً بر n بخش پذیر

است، پس حاصل ضرب هر n عدد صحیح متوالی مضرب n است.

گزینه «۳»: عدد ۲، عددی اول است ولی مربع آن به صورت

$$(k \in \mathbb{Z}) \quad 8k + 1 \text{ نیست.}$$

گزینه «۴»: ۵ عدد طبیعی متوالی را در نظر می گیریم. اگر کوچک ترین عدد

را برابر n فرض کنیم، داریم:

$$n + (n+1) + (n+2) + (n+3) + (n+4) = 5n + 10$$

$$= 5(n+2) = 5k \quad (k \in \mathbb{N})$$

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۵ تا ۱۷)

۹۵- گزینه «۳»

(افشین فاضله شان)

$$\begin{aligned} a \equiv r &\Rightarrow a \equiv r + km \xrightarrow{k=m} a \equiv r + m^2 \\ a = mq + r &\Rightarrow a - r = mq \Rightarrow m | a - r \end{aligned}$$

رابطه $a + r = mk$ در حالت کلی درست نیست. به عنوان مثال اگر $a = 17$

و $m = 3$ باشد، آنگاه $r = 2$ است و رابطه $17 + 2 = 3k$ برقرار نیست.

(ریاضیات گسسته - آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه های ۱۸ تا ۲۱)



۹۶- گزینه «۴»

(علی ایمانی)

$$24a \equiv 16b \Rightarrow 9a \equiv b \Rightarrow \begin{cases} 9a \equiv b \Rightarrow -a \equiv b \Rightarrow a \equiv -b \\ 9a \equiv b \Rightarrow b \equiv 0 \end{cases}$$

$$24a \equiv 16b \xrightarrow{+8} 3a \equiv 2b \quad (15, 8)=1$$

هر چهار نتیجه درست است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

۹۷- گزینه «۲»

(امیرحسین ابومنبوب)

رقم یکان یک عدد معادل باقی‌مانده تقسیم آن عدد بر ۱۰ است، بنابراین

داریم:

$$\left. \begin{aligned} 3^2 = 9 &\equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان ۱۵}} 3^{30} \equiv -1 \\ 7^2 = 49 &\equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان ۳۵}} 7^{70} \equiv -1 \end{aligned} \right\}$$

$$\Rightarrow 3^{30} + 7^{70} \equiv -2 \equiv 8$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

۹۸- گزینه «۳»

(امیرحسین ابومنبوب)

$$7^2 = 49 = 4 \times 12 + 1 \Rightarrow 7^2 \equiv 1 \xrightarrow{\text{به توان ۷۰۰}} 7^{1400} \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\times 7} 7^{1401} \equiv 7$$

$$5^2 = 25 = 2 \times 12 + 1 \Rightarrow 5^2 \equiv 1 \xrightarrow{\text{به توان ۷۰۱}} 5^{1402} \equiv 1$$

$$\xrightarrow{\times 10} 10 \times 5^{1402} \equiv 10$$

$$7^{1401} - 10 \times 5^{1402} \equiv 7 - 10 \equiv -3 \equiv 9$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

۹۹- گزینه «۲»

(سوگندر روشنی)

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$a = 37q + q^3 \Rightarrow q^3 < 37 \xrightarrow{q \in \mathbb{Z}} q_{\max} = 3$$

$$\Rightarrow a_{\max} = 37 \times 3 + 3^3 = 138 \equiv 3 \Rightarrow a_{\max} \in [3]_5$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۴ تا ۱۹)

۱۰۰- گزینه «۱»

(سوگندر روشنی)

اگر $d = (2n+2, n+1)$ باشد، آن‌گاه داریم:

$$d \mid 3n+2 \xrightarrow{\times 2} d \mid 6n+4 \quad \left. \begin{aligned} d \mid 6n+4 \\ d \mid 6n+1 \end{aligned} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 3 \Rightarrow d = 1 \text{ یا } 3$$

از طرفی هیچ کدام از عبارت‌های $6n+1$ و $3n+2$ ، مضرب ۳ نیستند،پس d نمی‌تواند برابر ۳ باشد، در نتیجه داریم:

$$d = 1 \Rightarrow [1, p] = p$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)



فیزیک ۳

۱۰۱- گزینه «۳»

(مریم شیخ‌ممو)

معادله $x = -t^2 + 6t - 4$ نشان می‌دهد، و $a < 0$ و $v_0 > 0$ است. بنابراین در ابتدا حرکت متحرک کندشونده و در لحظه‌ای که $v = 0$ است، تغییر جهت می‌دهد. بنابراین داریم:

$$x = -t^2 + 6t - 4 \Rightarrow \begin{cases} v_0 = 6 \frac{m}{s} \\ \frac{1}{2} a = -1 \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 6$$

$$\xrightarrow{v=0} 0 = -2t + 6 \Rightarrow t = 3s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست؛ صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

۱۰۲- گزینه «۴»

(پوریا علاقه‌مند)

در بازه زمانی صفر تا t_4 چون تقرر سهمی رو به بالا است پس علامت شتاب مثبت است. همچنین در بازه صفر تا t_4 متحرک خلاف جهت محور x حرکت می‌کند. بنابراین علامت سرعت منفی است. لذا در این بازه زمانی شتاب و سرعت خلاف جهت هم هستند.

دلیل نادرستی سایر گزینه‌ها:

(۱) فقط در لحظه t_4 سرعت متحرک صفر می‌شود.(۲) متحرک در این بازه ابتدا خلاف جهت محور x سپس در جهت محور x حرکت کرده است.

(۳) چون حرکت شتابدار است پس سرعت ثابت نیست.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست؛ صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

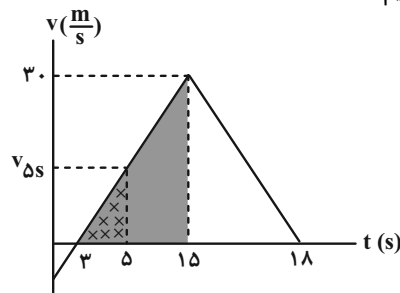
۱۰۳- گزینه «۲»

(معصومه شریعت‌ناهری)

برای محاسبه شتاب متوسط به کمک نمودار $v-t$ کافی است سرعت متحرک را در دو لحظه خواسته شده به‌دست آوریم و در رابطه

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$$

است و برای محاسبه سرعت در لحظه $t = 5s$ از تشابه دو مثلث رنگ شده استفاده می‌کنیم:



$$\frac{30}{15-3} = \frac{v_{5s}}{5-3} \Rightarrow \frac{30}{12} = \frac{v_{5s}}{2} \Rightarrow v_{5s} = 5 \frac{m}{s}$$

اکنون شتاب متوسط را می‌یابیم:

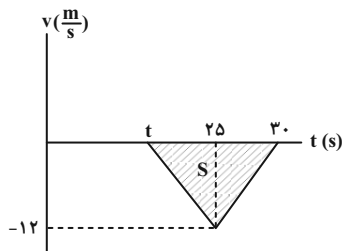
$$a_{av} = \frac{v_{18s} - v_{5s}}{t_2 - t_1} = \frac{0 - 5}{18 - 5} = -\frac{5}{13} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست؛ صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

۱۰۴- گزینه «۳»

(امیرامیر میرسعید)

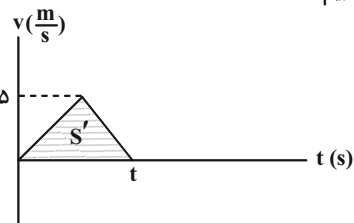
برای محاسبه سرعت متوسط هنگامی که متحرک در سوی منفی محور x حرکت می‌کند، مساحت بین نمودار و محور زمان را به‌دست آورده و بر زمان تقسیم می‌کنیم:



$$S = \frac{|(30-25)(-12)|}{2} = 6(30-25)$$

$$|v_{av}| = \frac{|6(30-25)|}{(30-25)} = 6 \frac{m}{s}$$

برای محاسبه تندى متوسط هنگامی که متحرک در سوی مثبت محور x در حرکت است، داریم:



$$S' = \frac{5 \times 5}{2}$$

$$s_{av} = \frac{S'}{t} = \frac{12.5}{5} = 2.5 \frac{m}{s}$$

$$\frac{|v_{av}|}{s_{av}} = \frac{6}{2.5} = 2.4$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

۱۰۵- گزینه «۴»

(مصطفی کیانی)

آن‌طور که نمودار نشان می‌دهد متحرک A از مکان $x_A = 0$ و متحرک B از مکان $x_B = 5m$ شروع به حرکت نموده‌اند و در لحظه $t = 10s$ به هم رسیده‌اند. بنابراین کافی است مکان متحرک B را در لحظه $t = 10s$ بیابیم و جابه‌جایی آن را حساب کنیم. چون در لحظه $t = 10s$ مکان هر دو متحرک یکسان است، به همین منظور با استفاده از معادله حرکت یکنواخت و داشتن $v_A = 2 \frac{m}{s}$ ، مکان متحرک A را پیدا می‌کنیم:

$$x_A = v_A t + x_{A0} \xrightarrow{x_{A0}=0, v_A=2 \frac{m}{s}, t=10s}$$

$$x_A = 2 \times 10 + 0 = 20m$$

$$x_A = x_B \Rightarrow x_B = 20m$$

جابه‌جایی متحرک B در بازه زمانی $t = 0s$ تا $t = 10s$ برابر است با:

$$\Delta x_B = x_B - x_{B0} = 20 - 5 = 15m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست؛ صفحه‌های ۱۳ تا ۱۵)



اکنون، سرعت متحرک در مکان $x = ۲۷\text{m}$ را می‌یابیم:

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x \quad \begin{matrix} v_0 = ۰ \\ a = ۲ \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \end{matrix} \rightarrow v^2 = ۳۶ + ۲ \times ۲ \times (۲۷ - ۰) = ۱۴۴$$

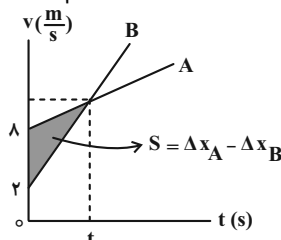
$$v = ۱۲ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

۱۰۹- گزینه «۳»

(مصطفی کیانی)

می‌دانیم مساحت سطح محصور بین نمودار $v-t$ و محور t برابر، جابه‌جایی متحرک است. بنابراین، ابتدا، مطابق شکل، اختلاف مساحت ذوزنقه بزرگ (Δx_A) و مساحت ذوزنقه کوچک (Δx_B) را که برابر مساحت مثلث شده است، برابر ۳۰m قرار می‌دهیم و t را بیابیم:



$$S_{\text{مثلث}} = \frac{(4-2) \times t}{2} = ۳۰ \Rightarrow t = ۱۰\text{s}$$

اکنون به صورت زیر اندازه سرعت دو متحرک را پیدا می‌کنیم:

$$a_B = ۴a_A \xrightarrow{a = \frac{\Delta v}{\Delta t}} \frac{v-2}{10-0} = 4 \times \left(\frac{v-4}{10-0} \right)$$

$$\Rightarrow v-2 = 4v-۳۲ \Rightarrow ۳۰ = ۳v \Rightarrow v = ۱۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

با داشتن v ، اندازه شتاب متحرک A به صورت زیر به دست می‌آید:

$$a_A = a_{av} = \frac{\Delta v_A}{\Delta t} \Rightarrow a_A = \frac{10-4}{10-0} = ۰/۲ \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۰، ۱۱ و ۱۵ تا ۱۷)

۱۱۰- گزینه «۱»

(بهادر کامران)

زمان حرکت گلوله اول را t در نظر می‌گیریم. گلوله دوم، ۲ ثانیه دیرتر رها می‌شود. پس زمان حرکتش ۲ ثانیه کمتر یعنی $t-۲$ می‌باشد. معادله دو گلوله را نوشته و از هم کم می‌کنیم تا فاصله دو گلوله به دست آید.

$$y_1 = \frac{1}{2}gt^2 = \Delta t^2$$

$$y_2 = \frac{1}{2}g(t-2)^2 = \Delta t^2 - 4t + 4$$

$$\Rightarrow y_1 - y_2 = 60 \Rightarrow \Delta t^2 - \Delta t^2 + 4t - 4 = 60 \Rightarrow t = 4\text{s}$$

$$y_1 = y_2 = h = \Delta t^2 = 5 \times 4^2 = 80\text{m}$$

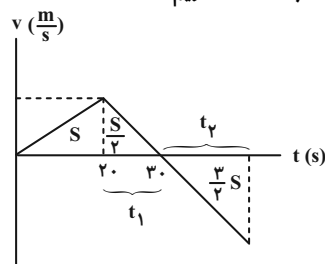
توجه داریم که بیشترین فاصله دو گلوله در طول حرکت زمانی است که گلوله اول به زمین می‌رسد.

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

۱۰۶- گزینه «۴»

(مهمر ساکی)

متحرک زمانی به مکان اولیه خود بازمی‌گردد که جابجایی آن صفر شود. می‌دانیم مساحت محصور بین نمودار سرعت- زمان و محور زمان در یک بازه زمانی معین برابر با بزرگی جابجایی متحرک در آن بازه است. پس به کمک نمودار سرعت- زمان و با استفاده از تشابه مثلث‌ها داریم:



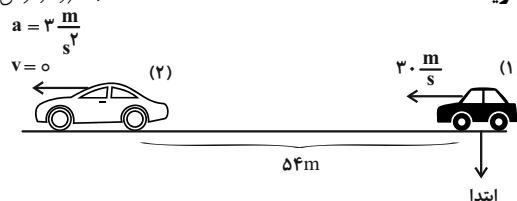
$$\frac{3}{2}S = \frac{1}{2}S \Rightarrow \left(\frac{t_2}{t_1} \right)^2 = \frac{3}{1} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{t_2}{10} \xrightarrow{\sqrt{3}=1/7} t_2 = 17\text{s}$$

$$t_{\text{کل}} = 30 + t_2 = 30 + 17 = 47\text{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

۱۰۷- گزینه «۳»

(فسرو ارغوانی فرد)



معادله حرکت هر دو را می‌نویسیم. وقتی دو اتومبیل به هم می‌رسند، مکان آن‌ها یکسان است.

$$x_1 = vt = 30t$$

$$x_2 = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 = \frac{3}{2}t^2 + 54$$

$$x_1 = x_2 \Rightarrow \frac{3}{2}t^2 - 30t + 54 = 0 \Rightarrow t = \frac{30 \pm \sqrt{900 - 324}}{3}$$

$$t_1 = 18\text{s}, t_2 = 2\text{s} \Rightarrow \Delta t = 18 - 2 = 16\text{s}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

۱۰۸- گزینه «۲»

(مصطفی کیانی)

چون متحرک در دو ثانیه اول ۱۶m و در ۳ ثانیه بعدی ۳۹m را طی کرده است، لذا در ۵ ثانیه اول $\Delta x = ۱۶ + ۳۹ = ۵۵\text{m}$ را طی می‌کند. بنابراین، ابتدا با استفاده از رابطه جابه‌جایی، v_0 و a را می‌یابیم:

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t \Rightarrow \begin{cases} t=2\text{s} \rightarrow 16 = \frac{1}{2}a \times 4 + 2v_0 \\ \Delta x=16\text{m} \\ t=5\text{s} \rightarrow 55 = \frac{1}{2}a \times 25 + 5v_0 \\ \Delta x=55\text{m} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 8 = a + v_0 \\ 110 = 25a + 10v_0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -80 = -10a - 10v_0 \\ 110 = 25a + 10v_0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 30 = 15a \Rightarrow a = 2 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}, v_0 = 6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$



۱۱۶- گزینه «۳»

(فرزاد رضایی)

بررسی گزینه‌ها:

(۱) در این گزینه صابون سنتی به اشتباه صابون صنعتی بیان شده است.

(۲) در این گزینه موهای چرب به اشتباه خشک بیان شده است.

(۳) با حل شدن صابون در آب بین سرهای باردار صابون و آب نیروی جاذبه

یون- دوقطبی ایجاد می‌شود (آب مولکولی قطبی است)

(۴) افزایش دمای آب و افزودن آنزیم به صابون هر دو باعث افزایش قدرت

پاک‌کنندگی صابون می‌شوند.

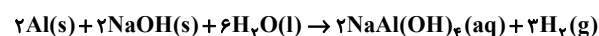
(شیمی ۳- صفحه‌های ۸ تا ۱۱)

۱۱۷- گزینه «۳»

(مسین ناصری‌ثانی)

مورد دوم «نادرست» و بقیه موارد درست‌اند.

معادله موازنه شده واکنش:



پس مجموع ضرایب مواد شرکت‌کننده پس از موازنه برابر ۱۵ است.

(شیمی ۳- صفحه ۱۲)

۱۱۸- گزینه «۳»

(امیرمسین طیبی)

اکسیدهای بازی: K_2O و CaO ، BaO ، Na_2O نکته: NH_3 در آب خاصیت بازی دارد ولی اکسید نیست.اکسید اسیدی: CO_2 و NO_2 ، SO_3

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۳ تا ۱۶)

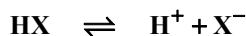
۱۱۹- گزینه «۱»

(فرزاد رضایی)

ابتدا غلظت مولی HX را با استفاده از رابطه زیر به دست می‌آوریم:

$$M = \frac{10 \text{ a d}}{M_w} = \frac{10 \times 15 \times 0.8}{150} = 0.8 \text{ mol.L}^{-1}$$

اکنون با استفاده از جدول تغییر غلظت داریم:



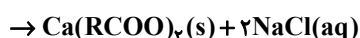
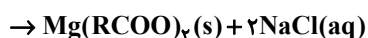
$$\begin{array}{ccccccc} 0.8 & & 0 & & 0 & & x = M\alpha \\ 0.8 - x & & x & & x & & x = 0.8 \times 0.1 = 0.08 \end{array}$$

$$\frac{\text{مجموع غلظت یونها}}{\text{غلظت اولیه HX}} = \frac{2x}{0.8} = \frac{2 \times 0.08}{0.8} = 0.2$$

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

۱۲۰- گزینه «۳»

(عین‌اله ابوالفتی)

اگر مقدار اولیه کلسیم کلرید و منیزیم کلرید را x مول در نظر بگیریم،

آنگاه:

$$x \text{ mol MgCl}_2 \times \frac{2 \text{ mol NaCl}}{1 \text{ mol MgCl}_2} \times \frac{58.5 \text{ g NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$= 117x \text{ g NaCl}$$

$$x \text{ mol CaCl}_2 \times \frac{2 \text{ mol NaCl}}{1 \text{ mol CaCl}_2} \times \frac{58.5 \text{ g NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$= 117x \text{ g NaCl}$$

$$117x \text{ g NaCl} + 117x \text{ g NaCl} = 234x \text{ g NaCl}$$

$$= 0.468 \text{ g NaCl} \rightarrow x = 0.002 \text{ mol CaCl}_2$$

$$0.002 \text{ mol CaCl}_2 \times \frac{111 \text{ g CaCl}_2}{1 \text{ mol CaCl}_2} \times \frac{1000 \text{ mg}}{1 \text{ g}} = 222 \text{ mg}$$

(شیمی ۳- صفحه‌های ۵ تا ۹)



هندسه ۱

۱۲۱- گزینه «۴»

(درپوش ناظمی)

گزینه (۱): متوازی الاضلاع است که لزوماً لوزی نیست.

گزینه (۲): لوزی است که لزوماً مربع نیست.

گزینه (۳): می‌تواند دوزنقه متساوی الساقین باشد، که قطرهای آن یکدیگر را نصف نمی‌کنند.

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۵۶ تا ۶۱)

۱۲۲- گزینه «۳»

(افشین فاضله‌فان)

تعداد قطرهای یک n ضلعی محدب برابر است با $\frac{n(n-3)}{2}$. بنابراین

داریم:

$$\frac{n(n-3)}{2} - \frac{(n-1)(n-4)}{2} = 100$$

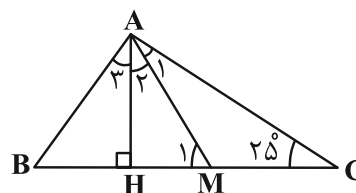
$$\Rightarrow n^2 - 3n - n^2 + 5n - 4 = 200$$

$$\Rightarrow 2n = 204 \Rightarrow n = 102$$

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه ۵۵)

۱۲۳- گزینه «۲»

(مهمرب بیریایی)

مطابق شکل فرض کنید AM و AH به ترتیب میانه و ارتفاع وارد بر وتر باشند. می‌دانیم طول میانه وارد بر وتر، نصف طول وتر است؛ بنابراین داریم:

$$\triangle AMC : AM = MC = \frac{1}{2}BC \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{C} = 25^\circ$$

$$\triangle AMC : \hat{M}_1 \Rightarrow \hat{M}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} = 25^\circ + 25^\circ = 50^\circ$$

$$\triangle AHM : \hat{H} = 90^\circ \Rightarrow \hat{A}_2 + \hat{M}_1 = 90^\circ \Rightarrow \hat{A}_2 + 50^\circ = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 = 40^\circ$$

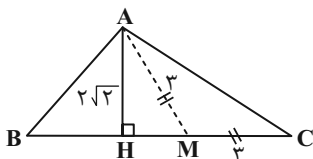
بنابراین زاویه بین میانه و ارتفاع وارد بر وتر در این مثلث، برابر 40° است.

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۰)

۱۲۴- گزینه «۳»

(سامان اسپهرم)

می‌دانیم که طول میانه وارد بر وتر در مثلث قائم الزاویه، نصف طول وتر است.

پس $CM = AM = 3$ است. به کمک قضیه فیثاغورس در $\triangle AHM$ ،اندازه HM را پیدا می‌کنیم تا اندازه CH معلوم شود.

$$HM = \sqrt{9-8} = 1 \Rightarrow CH = 3+1 = 4$$

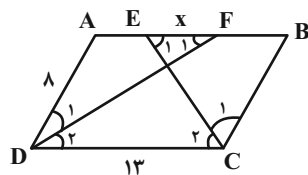
حال در مثلث AHC از فیثاغورس استفاده می‌کنیم:

$$AC^2 = CH^2 + AH^2 = 4^2 + (2\sqrt{2})^2 = 16 + 8 = 24 \Rightarrow AC = 2\sqrt{6}$$

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۰)

۱۲۵- گزینه «۲»

(علی ایمانی)

فرض کنید $EF = x$ باشد. در این صورت داریم:

$$AB \parallel DC \text{ و } DF \Rightarrow \hat{F}_1 = \hat{D}_2 \xrightarrow{\hat{D}_1 = \hat{D}_2} \hat{F}_1 = \hat{D}_1$$

$$\xrightarrow{\triangle ADF} AF = AD = 8 \Rightarrow AE = AF - EF = 8 - x$$

$$AB \parallel DC \text{ و } CE \Rightarrow \hat{E}_1 = \hat{C}_2 \xrightarrow{\hat{C}_1 = \hat{C}_2} \hat{E}_1 = \hat{C}_1$$

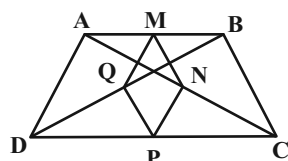
$$\xrightarrow{\triangle BCE} BE = BC = 8$$

$$AE + BE = AB \Rightarrow (8-x) + 8 = 13 \Rightarrow x = 3$$

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۵۶ تا ۵۹)

۱۲۶- گزینه «۲»

(پوار فاطمی)





(امیرمسین ابومصوب)

۱۲۸- گزینه «۱»

هر دو n ضلعی منتظم همواره با هم متشابه‌اند، پس دو پنج ضلعی منتظم نیز با هم متشابه‌اند و نسبت محیط‌های آن‌ها برابر نسبت تشابه و نسبت مساحت‌های آن‌ها مجذور نسبت تشابه است. بسته به اینکه مساحت پنج ضلعی منتظم بزرگتر یا کوچکتر برابر ۱۰۰ باشد، مسئله دارای دو حالت است.

$$\text{حالت اول: } \frac{S}{S'} = k^2 \Rightarrow \frac{100}{S'} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25} \Rightarrow S' = 625$$

$$\text{حالت دوم: } \frac{S}{S'} = k^2 \Rightarrow \frac{S}{100} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25} \Rightarrow S = 16$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

(سوام میبری پور)

۱۲۹- گزینه «۴»

$$\frac{S_{ABC}}{S_{DECB}} = \frac{5}{4} \xrightarrow{\text{تفصیل نسبت در مخرج}} \frac{S_{ABC}}{S_{ABC} - S_{DECB}} = \frac{5}{5-4}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADE}} = \frac{5}{1} \Rightarrow \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = \frac{1}{5} \Rightarrow \left(\frac{AD}{AB}\right)^2 = \frac{1}{5}$$

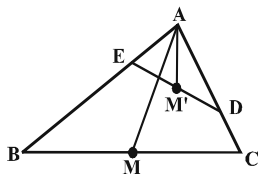
$$\Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)

(مفسر ربیعی)

۱۳۰- گزینه «۴»

$$\begin{cases} \hat{A} = \hat{A} \\ \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{\Delta}{ABC} \sim \frac{\Delta}{AED}$$



پس نسبت میانه‌های AM و AM' در دو مثلث متشابه ABC و AED برابر است با نسبت تشابه، یعنی داریم:

$$\frac{AM'}{AM} = \frac{AD}{AB} = \frac{1}{2}$$

(هنر سه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن؛ صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

در مثلث ABD ، نقاط M و Q به ترتیب وسط اضلاع AB و BD هستند،پس طبق تعمیم قضیه تالس، $MQ = \frac{1}{2}AD$ است. به دلیل مشابه بهترتیب در مثلث‌های ABC ، ADC و BDC ، $MN = \frac{1}{2}BC$ ،

$$NP = \frac{1}{2}AD \text{ و } PQ = \frac{1}{2}BC \text{ است و در نتیجه داریم:}$$

$$\text{محیط } MNPQ = \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC + \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC$$

$$= AD + BC = 3 + 3 = 6$$

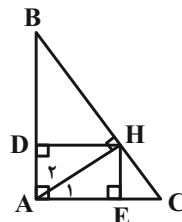
(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(امیرمسین ابومصوب)

۱۲۷- گزینه «۲»

$$\hat{A} = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ \xrightarrow{\hat{C} = \hat{B}} \hat{B} = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{B} = 15^\circ \Rightarrow \hat{C} = 75^\circ$$

می‌دانیم اگر در یک مثلث قائم‌الزاویه، یکی از زوایای حاده برابر 15° باشد،آن‌گاه طول ارتفاع وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ طول وتر است، بنابراین داریم:

$$\Delta AHB : \hat{B} = 15^\circ \Rightarrow HD = \frac{1}{4}AB$$

$$\Delta AHC : \hat{A}_1 = 15^\circ \Rightarrow HE = \frac{1}{4}AC$$

چهارضلعی $ADHE$ مستطیل است. در نتیجه داریم:

$$\frac{S_{ADHE}}{S_{ABC}} = \frac{HD \times HE}{\frac{1}{2}AB \times AC} = 2 \times \frac{HD}{AB} \times \frac{HE}{AC} = 2 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$$

(هنر سه ۱- پندر ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۴)



شیمی ۱

۱۳۱- گزینه «۴»

(معمدرضا پوریاوید)

موارد «ب» و «ت» نادرست است.

با افزایش ارتفاع از سطح زمین غلظت اجزای سازنده هواکره کمتر شده و در

نتیجه از مقدار فشار هوا کاسته خواهد شد.

گاز کرین مونوکسید در مقایسه با هوا، چگالی کمتری داشته و به سرعت در

محیط منتشر می شود.

(شیمی ۱- صفحه های ۴۷، ۵۷ و ۵۸)

۱۳۲- گزینه «۳»

(معمدرضا پوریاوید)

منابع زیرزمینی هلیوم بیشتر از مقدار آن در هواکره هستند.

مهم ترین کاربرد هلیوم در خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه های

تصویربرداری است.

فراوان ترین گاز هواکره نیتروژن است.

(شیمی ۱- صفحه های ۴۹ تا ۵۱)

۱۳۳- گزینه «۲»

(امیر ماثمیان)

$$T_1 = -53 + 273 = 220\text{K} \Rightarrow \text{دمای ابتدای لایه (کلوین)}$$

$$\Delta K = 1/5 \Rightarrow \text{تغییرات دما به ازای یک کیلومتر افزایش ارتفاع}$$

$$\Delta h = \frac{\Delta T}{1/5} = \frac{T_2 - T_1}{1/5}$$

 Δh : تغییرات ارتفاع ΔT : تغییرات دما

$$40\text{ km} = \frac{T_2 - 220}{1/5} \Rightarrow 60 = T_2 - 220 \Rightarrow T_2 = 280\text{K}$$

(شیمی ۱- صفحه های ۴۷ و ۴۸)

۱۳۴- گزینه «۲»

(امیر ماثمیان)

موارد (الف) و (پ) درست هستند.

ترکیب	شمار کاتیون شمار آنیون	ترکیب	تعداد اتمها بار کاتیون	
NaCl	$\frac{1}{1} = 1$	MgO	$\frac{2}{2} = 1$	(آ)
LiI	$\frac{1}{1} = 1$	KF	$\frac{2}{1} = 2$	(ب)
FeS	$\frac{1}{1} = 1$	CuO	$\frac{2}{2} = 1$	(پ)
CrBr ₃	$\frac{1}{3}$	AlF ₃	$\frac{4}{3}$	(ت)

(شیمی ۱- صفحه های ۵۳ تا ۵۵)



۱۳۵- گزینه «۲»

(امیر هاتمیان)

افزایش CO_2 و انحلال این گاز در آب باعث کاهش pH آب و اسیدی

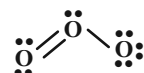
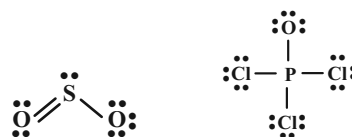
شدن آن می‌شود که نتیجه آن از بین رفتن آبزیانی مانند مرجان‌ها است.

(شیمی ۱- صفحه‌های ۶۰، ۶۸ و ۶۹)

۱۳۶- گزینه «۳»

(محمدرضا پوریاوید)

ساختار لوویس گونه‌های داده شده عبارتند از:

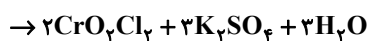
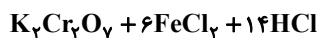
بنابراین تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی در اتم مرکزی POCl_3 و HCN با هم برابر بوده (فاقد جفت الکترون ناپیوندی هستند) و SO_2 و O_3 نیز تعداد پیوندهای اشتراکی یکسانی دارند.

(شیمی ۱- صفحه‌های ۵۳ تا ۵۵)

۱۳۷- گزینه «۱»

(محمدرضا پوریاوید)

واکنش‌های موازنه شده عبارتند از:



با توجه به این که نسبت مجموع ضرایب مولی واکنش‌دهنده‌ها به فراورده‌ها

در آن‌ها به ترتیب برابر با $\frac{5}{3}$ ، $\frac{21}{17}$ ، $\frac{10}{17}$ و $\frac{8}{8}$ است، این نسبت در

واکنش اول بیشتر از بقیه خواهد بود.

(شیمی ۱- صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(امیر حاتمیان)

عبارت‌های (الف)، (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

(الف) بخش کمی از برتوهای خورشیدی به وسیلهٔ گازها به فضا برمی‌گردند.

(ب) گازهای گلخانه‌ای بخشی از گرمای تابیده شده از سطح زمین را دوباره

(امیر حاتمیان)

اثر گلخانه‌ای موثر هستند.

	+ اکسیژن		→	فرآورده گاز
زمان شروع واکنش	۲۵ kg	۲۷/۲ kg		•
	↓	↓		↓
	-۲۰/۲	-۱۶/۱		
زمان پایان واکنش	۴/۸ kg	۱۱/۱ kg		۲۰/۲ + ۱۶/۱ = ۳۶/۳ kg

(شیمی) ۱- صفحه‌های ۵۶، ۵۷، ۶۱ و ۶۲